

Problemlista i Klassisk fysik för F

v. 2012-12-05

Uppgifterna i denna lista är huvudsakligen tagna från extensor i kurserna SK11XY för F, CL, I, T, M och B på KTH. De är tänkta att ge exempel på de viktigaste koncepten i kursen SK1102 Klassisk fysik. Varje övning är uppdelad i två delar, 4-5 uppgifter som det är tänkt att assen ska räkna igenom under övningen, och några extrauppgifter som gärna får räknas innan eller efter övningen. Det kan hända att assen räknar talen i annan ordning eller väljer att räkna vissa av extratalen istället för övningstalen.

Alla tentor i sin helhet och facit finns på kurshemsidan. Titta i menyn i vänsterkant på <http://www.biox.kth.se/education/gm/gm.htm> och gå in på rätt kurs. Många av uppgifterna i listan nedan är från äldre tentor som inte har A- och B-del. Dessa kan variera i svårighet, men ligger ofta närmare B-uppgifterna.

Räklandet av multipla tentatal med mer tid än en vecka kvar till tentamen kan leda till att du faktiskt lär dig något. Andra bieffekter kan vara att du får ut mer av övningarna. Huruvida du vill räkna alla talen nedan i förväg för att kunna leka messerschmidt på övningen (något som i allmänhet uppmuntras så länge det inte går över styr) eller räkna extrauppgifterna (något som också uppmuntras) är upp till dig.

/Ulf Lundström (ulflund@kth.se)

Innehåll

1 Akustik	5
1.1 Övningsuppgifter	5
Startpistol – F 2008-08-18 uppgift A1	5
Kameraklick – IMT 2002-01-09 uppgift 5	5
Snödämpning – I 2003-01-13 uppgift 3	5
Högtalarkraft – BDMTI 2010-06-03 uppgift B2	6
Reflektans – FCL 2008-05-19 uppgift B3	6
1.2 Extrauppgifter	6
Ohyra – MBDTI 2010-05-29 uppgift A4	6
Maskinring – F 2009-05-18 uppgift A3	6
Summer – I 2000-01-11 uppgift 3	6
Ekolod – I 2002-03-05 uppgift 3	7
1.3 Facit	7
2 Elektrostatik	9
2.1 Övningsuppgifter	9

	Garnfragment – MTI 2001-04-27 uppgift 2	9
	Dipolsmuts – I 2001-10-26 uppgift 1	9
	Lysdiod – MT 1999-06-02 uppgift 2	9
	Åskmoln – F 2011-?	10
	Ringladdning – TMI 2008-03-10 uppgift B3	10
2.2	Extrauppgifter	10
	Bildrör1 – MT 1998-05-28 uppgift 1	10
	Elstängsel – F 2007-06-04 uppgift 4	10
	Rökgasrening – MTI 2002-08-23 uppgift 2	10
	Dipolattraktion – FCL 2009-06-04 uppgift B1	11
2.3	Facit	11
3	Kondensatorer	14
3.1	Övningsuppgifter	14
	Oljenivåmätare – I 2002-03-05 uppgift 1	14
	Gnista – I 2003-01-13 uppgift 1	14
	Kondensatormikrofon – MT 2005-06-01 uppgift 2	14
	Givarsignal – I 2005-01-11 uppgift 2	14
	Pixelkondensator – I 2002-01-09 uppgift 2	15
3.2	Extrauppgifter	15
	Alkometer – FCL 2009-06-04 uppgift A2	15
	Koaxialkabel – I 1999-10-22 uppgift 4	15
	Tjuvstartssensor – MTI 2008-08-18 uppgift A2	15
	Plattkondensator – FBDMTI 2009-08-17 uppgift A4	16
	Cylinderkondensator – FBDMTI 2009-08-17 uppgift B2	16
3.3	Facit	16
4	Magnetism	19
4.1	Övningsuppgifter	19
	Magnetseparation – BD 2009-05-27 uppgift A2	19
	Startmotor – MPTIL 2004-04-21 uppgift 5	19
	Faradayrotator – MTI 2000-06-06 uppgift 2	19
	Bildrör 2 – MT 1998-05-28 uppgift 2	20
	Hastighetsmätare – I 2000-01-11 uppgift 2	20
	Magnetaccelerator – MT 1999-04-15 uppgift 1	20
4.2	Extrauppgifter	20
	Växtmagnet – MBDTI 2010-05-29 uppgift A5	20
	Metalldetektor – F 2007-05-18 uppgift 2	20
	Tankeläsning – I 2000-10-25 uppgift 4	21
	Spismagnet – IMT 2002-04-12 uppgift 3	21
	Högtalarmagnet – MBDTI 2010-06-03 uppgift A2	21
4.3	Facit	21
5	Induktion	24
5.1	Övningsuppgifter	24
	Induktion – FCL 2009-06-04 uppgift A3	24
	Magnetpuls – MTI 2001-06-07 uppgift 1	24
	Cykellyse – MTI 1999-06-02 uppgift 1	24
	Tröghetsnavigering – IMT 2002-03-05 uppgift 2	25
	Magnetbromsar – IMT 2003-01-13 uppgift 2	25

	Ekorrhjul – TMI 2008-03-10 uppgift A1	25
5.2	Extrauppgifter	25
	Strömpuls – MTI 2009-05-20 uppgift A2	25
	Induktion 2 – MTI 2009-05-20 uppgift B1	26
	Vridning – ILMP 2005-05-11 uppgift 1	26
5.3	Facit	26
6	Geometrisk optik	29
6.1	Övningsuppgifter	29
	Ljusledare – IMT 2000-01-11 uppgift 5	29
	Ögonmodell – F 2003-03-06 uppgift 4	29
	Växthusbelysning – MBDTI 2010-05-29 uppgift A1	29
	Triangulering – IMT 2002-03-05 uppgift 4	30
	Dispersion – FCL 2008-06-02 uppgift B2	30
6.2	Extrauppgifter	30
	Fingeravtryck – IMT 2000-10-25 uppgift 1	30
	Tågbelysning – WMBT 2011-05-23 uppgift A1	30
	Övervakningskamera – FCL 2009-06-04 uppgift A5	31
	Stereoseende – MBDTI 2010-06-03 uppgift A4	31
	Fjärrkontroll – FBDMTI 2009-08-17 uppgift A1	31
6.3	Facit	31
7	Optiska system	34
7.1	Övningsuppgifter	34
	Ugnskikare – IMT 2002-04-12 uppgift 1	34
	CD-fokusering – F 1998-04-24 uppgift 1	34
	Fokallängdsfördubbling – F 1998-08-21 uppgift 2	34
	Ljusbom 2 – FCL 2009-05-18 uppgift B2	35
7.2	Extrauppgifter	35
	Mikroskop – BD 2009-05-27 uppgift A4	35
	Ljusbom – FCL 2009-05-18 uppgift A4	35
	Kirurgmikroskop – F 2003-03-06 uppgift 1	35
	Vidvinkelkonverterare – I 020109 uppgift 1	36
	Kikare – FCL 2008-06-02 uppgift B1	36
	Hummerkikare – F 2004-06-03 uppgift 4	36
7.3	Facit	36
8	Interferens	40
8.1	Övningsuppgifter	40
	Luftspalt – IMT 2001-10-26 uppgift 4	40
	Rälssmörjning – IMTP 2006-10-26 uppgift 5	40
	Vinkel-AR – MTI 2003-08-29 uppgift 4	40
	Deformation – ILMP 2005-01-11 uppgift 5	41
	Ultraljudskontroll – FBDMTI 2009-08-17 uppgift B3	41
8.2	Extrauppgifter	41
	Oljetransport – IMT 2002-03-05 uppgift 5	41
	Sensor-AR – MTI 2009-05-20 uppgift A5	42
	Undervattenskamera – FCL 2008-08-18 uppgift A5	42
	Randigt – Media 2010-03-19 uppgift B3	42
	Tvåskiktsbeläggning – IMT 2002-01-09 uppgift 4	42

8.3	Facit	42
9	Diffraction	45
9.1	Övningsuppgifter	45
	Solljusgitter – MTPI 2005-08-22 uppgift 5	45
	Jättemegafon – F 2005-06-01 uppgift 3	45
	DPI – Media 2003-03-07 uppgift 2	45
	Laserkvast – IMTP 2006-01-13 uppgift 5	45
9.2	Extrauppgifter	46
	Reflektionsgitter – FCL 2008-05-19 uppgift A2	46
	Ultraljudsmörning – IMT 2002-04-12 uppgift 5	46
	Ultraljudsdiffraktion – MTI 2009-05-20 uppgift B3	46
	Parabol – MTI 2008-05-21 uppgift B1	46
9.3	Facit	46
10	Polarisation	49
10.1	Övningsuppgifter	49
	Sockerhalt – FCL 2006-06-05 uppgift 5	49
	Polarisationsperiskop – MTI 2008-06-02 uppgift A2	49
	Ljusstreck – MT ? uppgift 5	50
	Ögonskydd – FCL 2009-05-18 uppgift B3	50
	Fiskfjäll – F 2004-06-03 uppgift 2	50
10.2	Extrauppgifter	50
	Antenn – MTI 2003-08-29 uppgift 5	50
	Trippelpolaroid – F 2005-03-07 uppgift 5	51
	Dubbelbrytning – BD 2009-05-27 uppgift A5	51
10.3	Facit	51

Övning 1

Akustik

1.1 Övningsuppgifter

Startpistol – F 2008-08-18 uppgift A1

Tema: Resultatmätning vid idrottsevenemang

Startpistol i krut-utförande är numera ett museiföremål, men användes ju länge. Vilken akustisk effekt avger en sådan om den hörs med 64 dB på 100 m avstånd.

Kameraklick – IMT 2002-01-09 uppgift 5

Tema: High-end-kameror

En elektronisk kamera är ju egentligen ljudlös (i varje fall när man tar bilden). Det har dock visat sig att många fotografer vill höra ett tydligt klickljud när bilden tas, och man har därför lagt in en liten sådan funktion (precis som på kassaapparater). Klickljudet åstadkommes av ett litet högtalarmembran som är cirkulärt med radie 1 mm. Klickljudet ska höras med 40 dB på 1 m avstånd. Vilken hastighet måste membranet röra sig med?

Snödämpning – I 2003-01-13 uppgift 3

Tema: Vinterkyla

När det snöar upplever man det ofta som att det blir tyst runt omkring. Detta kan delvis bero på att trafik mm minskar men också på att ljud absorberas i de fallande snöflingorna. Detta gör att det vanliga avståndsberoendet ändras så att en extra exponentialfaktor tillkommer. Uttrycket för ljudets avståndsberoende blir

$$I = \frac{\text{Effekt från källan}}{4\pi r^2} e^{-ar}$$

Den vanliga regeln att ljudet minskar 6 dB då man fördubblar avståndet gäller inte längre nu. Hur många dB minskar ljudet om man går från 10 m till 20 m avstånd, respektive om man går från 20 m till 40 m avstånd?

$$a = 0.12/\text{m}$$

Högtalarkraft – BDMTI 2010-06-03 uppgift B2**Tema:** Robotdammsugare

Högtalaren ska avge 65 dB på 2 m avstånd. Vilken kraft utövar membranet maximalt på luften om membranytan är 10 cm²? Antag att hela membranet rör sig lika mycket.

Reflektans – FCL 2008-05-19 uppgift B3**Tema:** 3D-glasögon

Uttrycket för hur stor andel av ljud som reflekteras kan härledas ur det faktum att förskjutning och tryck ska vara kontinuerliga över en gränsyta.

Ställ upp $s_{\text{in}} + s_{\text{refl}} = s_{\text{trans}}$ och motsvarande för trycket och visa att reflektansen för $i = 0$ är

$$R = \left(\frac{Z_1 - Z_2}{Z_1 + Z_2} \right)^2, \quad Z_i = \rho_i c_i.$$

1.2 Extrauppgifter**Ohyra – MBDTI 2010-05-29 uppgift A4****Tema:** Växthus

Ohyra är alltid ett problem och på grund av debatten numera vill man helst inte använda besprutningsmedel. En metod är att använda stående ultraljudsvågor över plantorna som påverkar insekterna. Mellan två plattor alstras en stående ultraljudsvåg med frekvens 120 kHz. Partikelhastigheten ska ha ett maxvärde på 1.2 m/s. Vilken förskjutningsamplitud behövs?

Maskinring – F 2009-05-18 uppgift A3**Tema:** Arbetsplatssäkerhet

I en industrilokal är 20 identiska maskiner utplacerade i en ring (det finns ett skäl till det, men det tar för mycket utrymme att berätta varför). Tillsammans ger de upphov till ett buller på 78.6 dB i mitten av ringen. Hur mycket bullrar de om en maskin stannar?

Summer – I 2000-01-11 uppgift 3**Tema:** Instrumentpaneler till tyngre fordon

En summer måste naturligtvis också finnas, för att alarmera om riktigt allvarliga fel. Vid första konstruktionsförsök visade sig denna ge för låg ljudintensitetsnivå (=54 dB). För att höja detta värde bytte man frekvens från 600 till 900 Hz, fördubblade membranytan, och ökade vibrationsamplituden med 50%. Vilken blev den nya ljudintensitetsnivån?

Ekolod – I 2002-03-05 uppgift 3**Tema:** Teknologiska hjälpmedel för tankrederier

Alla båtar har ekolod. Sådana bygger på att man skickar ut ljudpulser direkt i vattnet och mäter när och vad som kommer tillbaka. Ljudsändaren består i princip av en metallbricka som vibrerar med en viss fix amplitud och frekvens. När man har den i luft ger den $50 \mu\text{W}/\text{m}^2$ på 1 m avstånd. Vilken intensitet ger den på 1 m avstånd i vatten? (den är alltså nedsänkt i vattnet)

1.3 Facit**Startpistol – F 2008-08-18 uppgift A1**

Facit: 64 dB är det samma som $2.5 \mu\text{W}/\text{m}^2$. En sfär med radien 100 m har ytan $1.26 \cdot 10^5 \text{ m}^2$. Effekten blir då 0.31 W.

Kameraklick – IMT 2002-01-09 uppgift 5**Facit:** Totala ljudeffekten blir på 1 m avst resp på membranet

$$P_{tot} = 4\pi(1 \text{ m})^2 \cdot 1 \cdot 10^{-8} \text{ W}/\text{m}^2 = \pi(1 \text{ mm})^2 \frac{v_{max}^2 Z}{2}$$

$$\Rightarrow v_{max} = \sqrt{\frac{8 \cdot 10^6 \cdot 10^{-8} \text{ W}/\text{m}^2}{430 \text{ kg}/\text{m}^2\text{s}}} = 0.014 \text{ m/s}$$

Snödämpning – I 2003-01-13 uppgift 3**Facit:** Skillnaden i ljudintensitetsnivå blir:

$$\beta_{r2} - \beta_{r1} = 10 \left[10 \log \left(\frac{\text{Effekt från källan}}{I_0 4\pi r_2^2} e^{-ar_2} \right) - 10 \log \left(\frac{\text{Effekt från källan}}{I_0 4\pi r_1^2} e^{-ar_1} \right) \right]$$

Med lite log-räkning fås sedan

$$\beta_{r2} - \beta_{r1} = 10 \left[10 \log \left(\frac{r_1^2}{r_2^2} e^{a(r_1 - r_2)} \right) \right] = 15 \text{ dB resp } 10.4 \text{ dB.}$$

[Rättning: rätt svar är 11.2 respektive 16.4 dB.]

Högtalarkraft – BDMTI 2010-06-03 uppgift B2

Facit: Effekten vid membranytan är $160 \mu\text{W}$. Kraften blir då effekt genom hastighet = 5.9 mN. [Rättning: Maxkraften blir dubbla effekten/membranhastigheten = 12 mN]

Reflektans – FCL 2008-05-19 uppgift B3**Facit:** Pga fasskift vid reflektans följer av det första sambandet $s_{i0} - s_{r0} = s_{t0}$.

För trycket finns inte motsvarande dvs

$$p_i + p_r = p_t \Leftrightarrow k_1 K_1 s_{i0} + k_1 K_1 s_{r0} = k_2 K_2 s_{t0} \Leftrightarrow \omega Z_1 (s_{i0} + s_{r0}) = \omega Z_2 s_{t0}$$

Eliminera s_{t0} mellan dessa bägge så fås det sökta sambandet.

Ohyra – MBDTI 2010-05-29 uppgift A4

Facit: Samband mellan hastighet och förskjutning är

$$s = s_0 \sin(\omega t - kx + \delta) \Rightarrow v = \frac{ds}{dt} = \omega s_0 \cos(\omega t - kx + \delta) \Rightarrow v_{\max} = \omega s_0,$$

och ur detta fås att $s_0 = \frac{v_{\max}}{\omega} = \frac{v_{\max}}{2\pi f} = 1.6 \text{ } \mu\text{m}$.

Maskinring – F 2009-05-18 uppgift A3

Facit: Förändringsfaktorn = 19/20 vilket motsvarar -0,22 dB. Alltså 78,4 dB. Talet kan naturligtvis också beräknas genom att räkna ut intensiteten, multiplicera med 19/20 och sedan beräkna ljudintensitetsnivån.

Summer – I 2000-01-11 uppgift 3

Facit: Effekten ut från summern blir Effekt = $\frac{a^2 \omega^2 Z A_{\text{membran}}}{2}$. Ökningen blir alltså $1.5^2 \times 1.5^2 \times 2 = 10.1$ vilket motsvarar ganska exakt 10 dB

Ekolod – I 2002-03-05 uppgift 3

Facit: Intensiteten ges av $I = a^2 \omega^2 \rho c / 2$. Om amplitud och frekvens hålls konstanta är det bara ρc som ändras. För luft är denna 430 kg/m²s och för vatten $1.3 \cdot 10^6 \text{ kg/m}^2\text{s}$ (se exvis sid 349 i Benson). Intensiteten förstärks alltså med en faktor som är kvoten mellan dessa dvs den blir 0.15 W/m²

Övning 2

Elektrostatik

2.1 Övningsuppgifter

Garnfragment – MTI 2001-04-27 uppgift 2

Tema: Garnfornässörer

Den snabba mekaniska hanteringen av garn gör att en hel del trådfragment slits loss och virvlar runt i lokalen (=det dammar). Detta består ofta av trådar med längd runt en cm, diameter runt 20 μm , densitet ca 500 kg/m^3 och får en statisk laddning till beloppet motsvarande ca en miljon elektronladdningar per tråd. En idé vore kanske att attrahera dem elektriskt. Vilken storleksordning på elektrisk fältstyrka behövs för att dessa ska styras av ett elektriskt fält med 100 ggr större kraft än tyngdkraften på dem? Går detta tror Du?

Dipolsmuts – I 2001-10-26 uppgift 1

Tema: Skarvning av optiska fibrer

Före skarvning måste de bäge ändytorna behandlas så att de är helt rena. Detta kan ske genom kvarvarande lösa partiklar på ändytorna avlägsnas elektrostatiskt. Man utnyttjar då att de flesta tänkbara föroreningar är elektriska dipoler, med dipolmoment 10^{-29} Cm (storleksordning). Den kraft de sitter fast med är ca 10^{-20} N. Man vill inte använda fält starkare än 10^5 V/m. Fältet kommer från en trådladdning som i sammanhanget kan betraktas som lång. Hur nära måste man komma med trådladdningen (enbart storleksordning efterfrågas)?

Lysdiod – MT 1999-06-02 uppgift 2

Tema: Cyklism

Ett sätt att klara belysningen med lägre spänningskrav är att använda lysdioder. I en sådan alstras ljuset i ett mycket litet område där det statiska elektriska fältet varierar som $E_x(x) = E_0 \frac{1}{(x^2/x_0^2)+1}$ där $x_0 = 3.0 \mu\text{m}$ ($x = 0$ ligger precis i det mest lysande området). Hur stort blir det maximala värdet på E om spänningsfallet över området ska vara 1.2 V?

Åskmoln – F 2011-?

I åskmoln uppstår laddningsseparation, som i sin tur kan orsaka blixtar. I ett försök att ta reda på hur laddningsfördelningen uppstår mättes det elektriska fältet på två olika höjder vid botten i molnet. På 2150 m höjd var det 47.1 kV/m och på 2210 m höjd 36.4 kV/m. Fältet var i båda fallen riktade rakt uppåt. Hur stor är laddningstätheten i denna del av molnet?

Ringladdning – TMI 2008-03-10 uppgift B3

Tema: Visioner på utställningar

Det statiska fältet från ett laddat föremål beror ju väldigt mycket på föremålets form. Om föremålet är en ring och den är likformigt laddad blir ju fältet i mitten av ringen noll. Var utmed symmetriaxeln (uttryckt i ringens radie) blir fältet störst?

2.2 Extrauppgifter**Bildrör1 – MT 1998-05-28 uppgift 1**

Tema: Head up TV

Om den lilla TV:n innehåller ett bildrör (som en vanlig TV) kommer detta att behöva en elektron-kanon som ger elektroner med hög energi. Antag att de lämnar en negativ elektrod på potentialen -100 V utan hastighet och leds genom en ringelektrod med potentialen -10 V. Vilken fart har de då de passerar ringelektroden?

Elstängsel – F 2007-06-04 uppgift 4

Tema: Skansen

Många djurparker (och bönder) använder elstängsel för att hålla djur och människor åtskilda. En del anser att djuren aldrig behöver nudda stängslet för att hålla sig borta utan att de i stället känner fältet runt det. Antag att man har två trådar bredvid (i sidled) varandra på ngn cm avstånd, trådarna har motsatt laddning (en plus och en minus). Ungefär hur mycket starkare är fältet på 3 dm avstånd jämfört med på 1 m?

Rökgasrening – MTI 2002-08-23 uppgift 2

Tema: Miljövard

I elektrostatisk rökgasrening vill man skapa ett fält som är kraftigt inhomogent (för att attrahera dipolerna i röken). Detta görs ofta med hjälp av trådladdningar som löper i z-riktningen. Två positiva trådladdningar i linjerna genom (0,0)cm och (0,1)cm och två negativa genom (1,1)cm och (1,0) cm.

Plotta fältets belopp utefter linjen (som ges på parameterform)

$$\begin{aligned}x &= t \\y &= 0.50 \text{ cm} \\z &= 0\end{aligned}$$

Graderade axlar

Dipolattraktion – FCL 2009-06-04 uppgift B1

Tema: Proaktiv säkerhet i bilar

Hur beror kraften mellan två elektriska dipoler på avståndet mellan dem om de kan rotera fritt men inte förflytta sina tyngdpunkter?

2.3 Facit

Garnfragment – MTI 2001-04-27 uppgift 2

Facit: $qE = 100mg \Rightarrow E = \frac{100 \cdot 1.57 \cdot 10^{-9} \text{ kg} \cdot 9.81 \text{ m/s}^2}{10^6 \cdot 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ As}}$ Vi vill alltså att fältet ska vara ca 10 MV/m, vilket ska jämföras med att genomslagsfältet i luft är 2 MV/m. I varje fall inte om kraften från E-fältet måste vara 100ggr kraften från tyngdkraftfältet.

Dipolsmuts – I 2001-10-26 uppgift 1

Facit: Fältet från en trådladdning kan skrivas $E = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 R}$

Kraften från detta fält på en dipol är $F_{\text{netto}} = \frac{p\lambda}{2\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{pE}{r} \Rightarrow r = \frac{pE}{F_{\text{netto}}} = 10^{-4} \text{ m}$

Lysdiod – MT 1999-06-02 uppgift 2

Facit: Spänningen ges av att $V = \int_{-\infty}^{\infty} E dr = \int E_0 \frac{1}{(x^2/x_0^2)+1} dx = \pi E_0 x_0 \Rightarrow E_0 = 127 \text{ kV/m}$

Åskmoln – F 2011-?

Facit: Fältet antas vara vertikalt och bara bero av höjden. Vi använder en ytan på en vertikal cylinder S som gaussyta. Den undre ändytan är på höjd $h_1 = 2150 \text{ m}$ och den övre på $h_2 = 2210 \text{ m}$. E-fälten är på dessa ytor $E_1 = 47.1 \text{ kV/m}$ respektive $E_2 = 36.4 \text{ kV/m}$. Gauss sats ger

$$\oiint_S \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \frac{Q}{\epsilon_0},$$

där Q är laddningen innesluten av ytan S . Bidraget till integralen från mantelytan är 0 eftersom fältet där är vinkelrätt mot ytan. Det som är kvar är alltså bara bidraget från de två ändytorna

$$\oiint_S \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = E_2 A - E_1 A,$$

där A är arean på ändytorna. Laddningstätheten blir då

$$\rho = \frac{Q}{A(h_2 - h_1)} = \frac{\epsilon_0(E_2 A - E_1 A)}{A(h_2 - h_1)} = \epsilon_0 \frac{E_2 - E_1}{h_2 - h_1} = \underline{-1.6 \cdot 10^{-9} \text{ C/m}^3}.$$

Ringladdning – TMI 2008-03-10 uppgift B3

Facit: Om ringen har radien r och x betecknar avståndet utmed symmetriaxeln blir bidraget från en längdsnutt på axeln

$$dE = \frac{\lambda ds}{4\pi\epsilon_0(r^2 + x^2)} \Rightarrow dE_{\text{parallell}} = \frac{\lambda x ds}{4\pi\epsilon_0(r^2 + x^2)^{3/2}} \Rightarrow E = \frac{\lambda r x}{2\pi\epsilon_0(r^2 + x^2)^{3/2}}.$$

Denna ska vi söka max till dvs derivera map x och sätta derivatan $= 0$. Detta ger $x = \frac{r}{\sqrt{2}}$.

Bildrör1 – MT 1998-05-28 uppgift 1

Facit: Elektronerna passerar ett spänningsfall på 90V och deras hastighet ges av

$$q_e V = \frac{mv^2}{2} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2q_e V}{m}} = 5.6 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

Elstängsel – F 2007-06-04 uppgift 4

Facit: Fältet från de bägge trådladdningar på avstånd a från varandra och på avstånd L från observatören = djuret blir då

$$E = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 L} - \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0(L+a)} = \frac{\lambda a}{2\pi\epsilon_0 L(L+a)} \approx \frac{\lambda a}{2\pi\epsilon_0 L^2}$$

Fältet avtar alltså som kvadraten på avståndet. På 3 dm blir fältet $(10/3)^2 = 11$ ggr starkare.

Rökgasrening – MTI 2002-08-23 uppgift 2

Facit: y - och z -komp blir noll pga symmetri. Sätt sedan i beräkningen $1\text{cm} = 2a$

Fältet från de positiva laddningarna blir då

$$E_+ = 2 \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 \sqrt{a^2 + x^2}} \frac{x}{\sqrt{a^2 + x^2}} = \frac{\lambda}{\pi\epsilon_0} \frac{x}{a^2 + x^2}$$

Den sista faktorn är trigonometri för att få x -komp

Pss

$$E_- = \frac{\lambda}{\pi\epsilon_0} \frac{2a - x}{(2a - x)^2 + a^2}$$

Dessa ska sedan läggas ihop och plottas

Dipolattraktion – FCL 2009-06-04 uppgift B1

Facit: De ställer först in sig på linje. Fältet från den ena blir då

$$E = \frac{p}{2\pi\epsilon_0 r^3}$$

Kraften på den andra dipolen kan då fås genom att bilda skillnaden mellan beloppen av krafterna på plusladdningen och på minusladdningen

$$\begin{aligned}\Delta F &= q(E(L) - E(L + d)) = \frac{qp}{4\pi\epsilon_0 L^3} - \frac{qp}{4\pi\epsilon_0 (L + d)^3} \\ &= \frac{qp(L^3 + 3L^2d + 3Ld^2 + d^3)}{4\pi\epsilon_0 L^3(L + d)^3} - \frac{qpL^3}{4\pi\epsilon_0 L^3(L + d)^3} \\ &= \frac{3qpL^2d + \dots}{4\pi\epsilon_0 L^6} = \frac{3p^2}{4\pi\epsilon_0 L^3},\end{aligned}$$

där småtermer pga $d \ll L$ försumrats. Alltså omvänt prop mot avståndet upphöjt i 4.

Övning 3

Kondensatorer

3.1 Övningsuppgifter

Oljenivåmätare – I 2002-03-05 uppgift 1

Tema: Teknologiska hjälpmedel för tankrederier

När man vill mäta hur full en oljetank är gör man det ofta genom att i tanken montera ett par parallella plattor och sedan mäta hur kapacitansen mellan dem förändras när utrymmet mellan dem är mer eller mindre fyllt av olja. Antag att plattavståndet är 10 mm, plattbredden 120 mm och plattornas höjd är 8.0 m. Oljans $\epsilon_r = 5.6$. Hur beror kapacitansen mellan plattorna av oljenivån?

Plotta C som funktion av oljans höjd (dvs 0 till 8 m) i ett stort diagram med graderade axlar.

Gnista – I 2003-01-13 uppgift 1

Tema: Vinterkyla

Vid kallt väder ökar problemen med statisk elektricitet i vardagslivet. Man brukar säga att det beror på att inomhusluften är torrare.

Detta gör att mycket av vår elektroniska utrustning lever farligt. Uppskatta (storleksordning räcker) hur stor energi en gnista som slår mellan en fingertopp och en vattenkran innehåller. Gnistan kommer då fingret är 9 mm från kranen.

Kondensatormikrofon – MT 2005-06-01 uppgift 2

Tema: Rockfestivaler

En typ av mikrofon bygger på att man har en kondensator där ljudet får den ena av plattorna att vibrera. Spänningen mellan plattorna hålls konstant till 12 V, och kondensatorns kapacitans i vila är 11 μF . Vilken ström ger den upphov till om plattavståndet varierar mellan 0.495 mm och 0.505 mm?

Antag att frekvensen är 500 Hz.

Givarsignal – I 2005-01-11 uppgift 2

Tema: Industriell positionering

Signalerna från givare av olika slag är ofta mycket svaga och snabba. För att minska störningsrisken leds de ofta genom koaxialkablar. Hur lång får en sådan vara om den har kapacitansen 80 pF/m och resistansen 0.04 ohm/m och man vill överföra störningar som varierar på 100 ns ?

(OBS enheterna)

Pixelkondensator – I 2002-01-09 uppgift 2

Tema: Digitala high-end-kameror

Varje bildpunkt i bildchipet är en liten kondensator, där man vill maximera energi per volym. Hur inverkar plattavstånd, plattstorlek och isoleringsmaterial på detta? Vilka parametrar på isoleringsmaterialet är avgörande? (2 st)

3.2 Extrauppgifter

Alkometer – FCL 2009-06-04 uppgift A2

Tema: Proaktiv säkerhet i bilar

Man måste i apparaten (alkometern) kolla att det verkligen är utandningsluft som passerar och det gör man genom att mäta temperatur, koldioxid och luftfuktighet på den gas som passerar. Luftfuktigheten mäts genom att luften passerar mellan plattorna i en plattkondensator som ska ha spänningen 12 V . Plattarean är 8.0 cm^2 . Hör hög kan kapacitansen göras om man maximalt vill ha ett E -fält som ligger på 50 kV/m ?

Koaxialkabel – I 1999-10-22 uppgift 4

Tema: Elektronikmaskföretaget Micronic

Den elektriska signal som driver den akustooptiska modulatorens har samma frekvens som ultraljudet, dvs ganska hög. Man vill leda denna i en koaxialkabels innerledare med radie r .

Kabelns längd är L . I en provuppställning visar sig kretsen blir för långsam (=ha för stor tidskonstant) och man lyckas då reducera längden med 25% (dvs till 75% av utgångsvärdet) och öka radien r med 50%. Ytterledarens radie förändras inte utan är hela tiden = dubbla den ursprungliga innerradien. Hur mycket snabbare blir kretsen?

Tjuvstartssensor – MTI 2008-08-18 uppgift A2

Tema: Resultatmätning vid idrottsevenemang

Tjuvstartssensorerna (som vållat mycket diskussion och vredesutbrott på tidigare OS) är ofta kapacitiva, dvs sprintern trycker med foten på startblocket som därvid trycker ihop plattorna i en plattkondensator som hålls vid konstant spänning. Om foten rör sig ändras plattavståndet och en ström går då genom ledningen fram till kondensatorn. Antag ett plattavstånd på 4.0 mm obelastad, 3.0 mm då foten trycker mot plattan och 2.0 mm då foten gör avstamp samt en plattarean på 4.0 cm^2 . Hur stor ström (i genomsnitt) går det då i ledningen om foten trycker till (3 mm till 2 mm) på 0.01 s . Det är luft mellan plattorna.

Spänningen är hela tiden 10V. RC-konstanten för kretsen är sådan att den inte spelar någon roll för resultatet.

Plattkondensator – FBDMTI 2009-08-17 uppgift A4

Tema: Fjärrkontroller

I fjärrkontroller (precis som i all annan elektronik) ingår kondensatorer som man vill göra så små som möjligt. Antag att de görs i form av plattkondensatorer och ska tåla 3 V. Överslagsfältet i isolatormaterialet är 3.2 MV/m och $\epsilon_r = 5.6$. Hur små kan de göras om de ska ha kapacitansen 0.5 pF? (Du behöver inte tänka på säkerhetsmarginaler utan räkna fram gränsfallet!)

Cylinderkondensator – FBDMTI 2009-08-17 uppgift B2

Tema: Fjärrkontroller

Antag att det i A4 (plattkondensator) är en cylinderkondensator i stället (mer realistiskt), där skillnaden mellan r_i och r_y inte kan vara mindre än 2% av r_i och cylinderns längd är fix till 5 r_i . Vad blir då r_i och h i den minsta kondensator som uppfyller de elektriska kraven i A4?

3.3 Facit

Oljenivåmätare – I 2002-03-05 uppgift 1

Facit: Om plathöjden kallas H och oljans höjd h , bredden b och plattavst d kan man skriva kapacitansen som ersättningskapacitansen för två parallellkopplade kondensatorer

$$C = C_1 + C_2 = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r h b}{d} + \frac{\epsilon_0 (H - h) b}{d} = \frac{\epsilon_0 (\epsilon_r - 1) b}{d} h + \frac{\epsilon_0 H b}{d}$$

dvs en rät linje från 0.85 nF till 4.76 nF.

Gnista – I 2003-01-13 uppgift 1

Facit: Det lättaste är att se fingertoppen med kran som en plattkondensator (storleksordning sökes). Fältet i den ska då vara överslagsfältet dvs 20000 V/cm, och ytan kan man väl sätta till 1 cm²

$$\text{Energi} = \frac{CU^2}{2} = \frac{\epsilon_0 E^2 dS}{2} = 1,6 \text{ } \mu\text{J}$$

Dvs storleksordningen 1 μJ

[Rättning: antagandena ovan ger 16 μJ .]

Kondensatormikrofon – MT 2005-06-01 uppgift 2

Facit: Jämviktslaget för plattavståndet är uppenbarligen 0,500 mm och då är kondensatorns kapacitans 11 μF , vilket med 12 V spänning ger en laddning på

$$Q = CU = 132 \text{ } \mu\text{C}$$

Plattavståndet varierar $\pm 1\%$. Då gör kapacitansen det också. Då gör laddningen det också, dvs laddningen varierar som

$$Q = Q_0 + Q_1 \sin 2\pi ft \text{ där } Q_1 = 1,32 \text{ } \mu\text{C och } f = 500 \text{ Hz}$$

Strömmen ges av

$$I = \frac{dQ}{dt} = 2\pi f Q_1 \cos 2\pi ft = 4,14 \text{ mA} \cos 2\pi ft$$

Vill man sedan räkna ut effektivvärde så är det OK, och har man antagit någon annan variation än sinusformig så är det OK, bara man angivit vilken.

Givarsignal – I 2005-01-11 uppgift 2

Facit:

$$\frac{R}{l} = 0.04 \text{ } \Omega/\text{m}, \quad \frac{C}{l} = 80 \cdot 10^{-12} \text{ F/m} \Rightarrow \text{tidskonstant} = RC = \frac{R}{l} \frac{C}{l} l^2$$

$$\Rightarrow l = \sqrt{\frac{\text{tidskonstant}}{\frac{R}{l} \frac{C}{l}}} = 176 \text{ m}$$

Dvs ngt hundratal meter är tillåtet.

Pixelkondensator – I 2002-01-09 uppgift 2

Facit: Energin per volym ges av

$$w_E = \epsilon_0 \epsilon_r E^2 / 2$$

dvs den beror ej av plattstorlek eller plattavstånd. Däremot kommer relativa permittiviteten in. Vidare är det maximala E-värdet det som ges av $E_{\text{överslag}}$, dvs överslagshållfastheten.

Alkometer – FCL 2009-06-04 uppgift A2

Facit: $d = \frac{U}{E_{\text{överslag}}}$ och $C = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r S}{d} = \frac{\epsilon_0 1S E_{\text{överslag}}}{U} = 30 \text{ pF}$

Koaxialkabel – I 1999-10-22 uppgift 4

Facit: Det avgörande är RC-konstanten för kretsen:

$$RC_{\text{före}} = \frac{\rho L}{\pi r^2} \cdot \frac{2\pi \epsilon_0 L}{\ln(2r/1.5r)}, \quad RC_{\text{efter}} = \frac{2\pi \rho \epsilon_0 0.75^2 L^2}{\pi 1.5^2 r^2 \ln(2r/r)}$$

Kvoten mellan dessa blir 0.103, dvs kretsen blir efter förändringarna ca 10ggr snabbare. (Ett isoleringsmaterial ändrar inte på detta)

[Rättelse: Kvoten blir 0.6, så kretsen blir 1.66 gånger snabbare.]

Tjuvstartssensor – MTI 2008-08-18 uppgift A2

Facit: Vi har här en kondensator där C vid konstant spänning.

$$\Delta Q = U \Delta C = \epsilon_0 S U \left(\frac{1}{d_2} - \frac{1}{d_1} \right) = 5.9 \cdot 10^{-12} \text{ As} \Rightarrow I = \frac{dQ}{dt} \approx \frac{\Delta Q}{\Delta t} = 0.59 \text{ nA}$$

Plattkondensator – FBDMTI 2009-08-17 uppgift A4

Facit: Plattavståndet d kan inte väljas mindre än det som ger överslag vid 3V, vilket är $0.93 \mu\text{m}$. Då fås

$$C = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r S}{d} \Rightarrow S = \frac{dC}{\epsilon_0 \epsilon_r} = 9.4 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2$$

dvs sidan ska vara ungefär 0.1 mm .

Cylinderkondensator – FBDMTI 2009-08-17 uppgift B2

Facit: Minsta tillåtna plattavståndet pga överslagsrisken, blir fortfarande ungefär $1 \mu\text{m}$, vilket skulle ge $r_i = 50 \mu\text{m}$, vilket ger h =cylinderns längd = $250 \mu\text{m}$. Detta ger en kondensator med kapacitansen 0.078 pF vilket ju är för lite. Alltså får vi öka r_i och därmed h . Vi behöver ett h som är $0.5/0.078$ ggr större dvs $h = 1.6 \text{ mm}$ och $r_i = 0.32 \text{ mm}$.

[Detta stämmer ej]

Övning 4

Magnetism

4.1 Övningsuppgifter

Magnetseparation – BD 2009-05-27 uppgift A2

Tema: Mineralogiska undersökningsinstrument

Vid separation av magnetiskt och ickemagnetiskt material används ofta fält från korta spolar runt det löpande band där man matar fram materialet. Hur stort blir fältet från två plana, korta spolar placerade så att deras axlar sammanfaller? Radien är 2.0 dm och de är placerade 2.2 dm från varandra. Antalet varv per spole är 200 och strömmen är 2.4 A. Beräkna fältet i den punkt som ligger mitt emellan spolarna. Fältbidragen från bägge spolar är riktade åt samma håll.

Startmotor – MPTIL 2004-04-21 uppgift 5

Tema: Sensorer och instrument i bilar

Ett av de större amerikanskägda ”svenska” bilmärkena fick för några år sedan problem med en mediadiskussion runt huruvuda magnetfältet från kablagen var farligt.

Uppskatta magnetfältet från en ledare som strömförsörjer startmotorn. (Returledning sker genom karossen så den behöver vi inte bekymra oss om)

Volvo har 12 V system och startmotorn kan utveckla bråkdelen av 1 kW.

Faradayrotator – MTI 2000-06-06 uppgift 2

Tema: Altitud

När man använder halvledarlasrar i telesammanhang används ofta faradayrotatorer för att hindra reflexer från att komma tillbaka in i lasern. Dessa består av en spole lindad runt en optisk fiber. Fältet inuti spolen (dvs där fibern är) måste vara av storleksordning 0.5 T, dvs ganska starkt. Föreslå en spoltyp (lång, kort, toroid...?) om man vill att så lite som möjligt av fältet ska läcka ut. Hur många varv per meter ska den ha om tvärsnittsarean ska vara 8.0 mm^2 ? $I = 1 \text{ A}$.

Fibern omöjliggör järnkärna.

Bildrör 2 – MT 1998-05-28 uppgift 2**Tema:** Head up TV

[I problemet innan beräknades elektronernas hastighet till $5.6 \cdot 10^6$ m/s.]

Antag att man vill böja av dem $\pm 30^\circ$ genom ett magnetfält vinkelrätt mot deras rörelseriktning. Detta alstras mellan två plattor som har längden 8 mm (utefter elektronernas ursprungliga rörelseriktning). Hur starkt behöver magnetfältet vara?

Hastighetsmätare – I 2000-01-11 uppgift 2**Tema:** Instrumentpaneler till tyngre fordon

Föregångaren till dagens hastighetsmätare (som ju är en del av instrumentpanelen) var ett vridspoleinstrument, där en liten fjäderbelastad elektromagnet får vrida sig i fältet från en hästskoformad permanentmagnet. Hur stort blir det maximala vridmomentet på en elektromagnet med tvärsnittsytan 1.6 cm^2 , 100 varv, järnkärna med μ_r (fältförstärkning) = 500, om strömmen genom den är 78 mA och permanentmagnetens fält är 0.17 T?

Magnetaccelerator – MT 1999-04-15 uppgift 1**Tema:** Industriell biofysik

Följande är klippt ur en dagstidning (som vi av uppenbara skäl inte ska avslöja namnet på). När man läser texten begriper man omedelbart att reportern måste ha missuppfattat någonting. Vad?

”...i denna typ av instrument accelereras elektronerna från ca 10 m/s till mer än 1000 m/s mha ett konstant magnetfält på ca 2 T. ...”

4.2 Extrauppgifter**Växtmagnet – MBDTI 2010-05-29 uppgift A5****Tema:** Växthus

En del anser att magnetfält är nyttiga för plantor och en del anser tvärtom. Hur stort blir magnetfältet vid marken från en kort spole med diameter 1.5 m, 1.8 A, och 100 varv utan järnkärna. Spolen befinner sig 2.2 m över mark och du behöver bara beräkna fältet rakt under den. Orientera spolen som du vill.

Metalldetektor – F 2007-05-18 uppgift 2**Tema:** Flygplatssäkerhet

Metalldetektorer finns av flera olika typer, men en vanlig består av ett rektangulärt valv som man går igenom. Denna är egentligen en rektangulär spole som man alstrar ett magnetfält i. Man letar sedan efter störningar i detta magnetfält pga metallföremål. Uppskatta storlekordningen på fältet i mitten av denna rektangel om antalet varv är 1200, strömmen 2.75 A och valvet 2 m x 1 m x 0.2 m.

Tankeläsning – I 2000-10-25 uppgift 4**Tema:** Personidentifiering

En mer sciencefiction-betonad variant är att avläsa de magnetfält strömmarna i hjärnan ger upphov till (tankeläsning fast på riktigt alltså). Dessa strömmar består av laddningspulser på ca 10nC (nanocoloumb) som rör sig med några meter per sekund över sträckor på enstaka cm. Uppskatta storleksordningen på de magnetfält de ger upphov till utanför skallen.

Spismagnet – IMT 2002-04-12 uppgift 3**Tema:** Restauranter och restaurantkök

En gammaldags spisplatta ger upphov till ett ganska kraftigt magnetfält, vilket en del anseer vara en arbetsmiljöfara. Uppskatta storleksordningen på detta magnetfält om en platta drar en ström på 5 A genom en spiralformad ledare med 100 varv. Det innersta har radien 4 cm och den yttersta 30 cm.

Högtalarmagnet – MBDTI 2010-06-03 uppgift A2**Tema:** Robotdamsugare

Dammsugaren kan prata, dvs den har en högtalare med magnet, som rör sig fram och tillbaka när den anger ljud. Detta är en permanentmagnet som är märkt 0.078 T, dvs precis intill magneten är fältet så starkt. Hur starkt är fältet 2.0 cm från magneten som har diametern 1.0 cm och är platt (dvs har försumbar tjocklek)?

Ledning: Kanske liknar detta en kort spole på något sätt?

4.3 Facit**Magnetseparation – BD 2009-05-27 uppgift A2****Facit:** Fältet från en spole ges av

$$B = \frac{\mu_0 N I R^2}{2(R^2 + x^2)^{3/2}},$$

där $N = 200$, $I = 2.4$ A, $R = 0.20$ m och $x = 0.11$ m. Vilket ska multipliceras med 2 för att få två spolar: 2.0 mT.

Startmotor – MPTIL 2004-04-21 uppgift 5**Facit:** Strömmen blir då några tiotals ampere och om vi betraktar ledaren som lång blir fältet på någon dm avstånd:

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi r} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2) \approx 10^{-5} \text{ T}$$

dvs som det jordmagnetiska fältet ungefär.

Faradayrotator – MTI 2000-06-06 uppgift 2

Facit: Toroidspolar är läckfria och bra...

$$B = \frac{\mu_0 NI}{2\pi R} = \mu_0 nI \Rightarrow n = \frac{B}{\mu_0 I} \approx 40000 \text{ varv/meter}$$

Lång rak spole är sämre eftersom den läcker mer, men antalet varv per meter är detsamma.

[Rätt svar är 400 000.]

Bildrör 2 – MT 1998-05-28 uppgift 2

Facit: Den del av banan som går mellan plattorna ska bilda en del av en cirkel med radie r som motsvarar 30° . Om $d = 8 \text{ mm}$ blir då $d = r \tan 30^\circ \Rightarrow r = d\sqrt{3}$.

Sambandet mellan radie och hastighet i magnetfält ger då

$$B = \frac{mv}{q_e d \sqrt{3}} = 0.0023 \text{ T}$$

[Det ska vara tan, vilket ger 0.0020 T.]

Hastighetsmätare – I 2000-01-11 uppgift 2

Facit: Den lilla elektromagneten fungerar som en magnetisk dipol med $\mu = NIS$. Vridmomentet på den ges av $\mathbf{M} = \mu \times \mathbf{B}$ vilket får maxvärde då fält och dipol är vinkelräta, dvs $M = 500NISB = 0.11 \text{ Nm}$.

Magnetaccelerator – MT 1999-04-15 uppgift 1

Facit: Eftersom kraften ett magnetutfält utövar på en partikel alltid är vinkelrätt mot hastigheten uträttar den ingen effekt, alltså ändras inte hastighetens belopp.

Växtmagnet – MBDTI 2010-05-29 uppgift A5

Facit:

$$B = \frac{\mu_0 N I R^2}{2r^3} = \frac{\mu_0 N I R^2}{2(R^2 + h^2)^{1.5}} = 5 \text{ }\mu\text{T}$$

Metalldetektor – F 2007-05-18 uppgift 2

Facit: Det står "uppskatta storlekordning" i taltexten. Det innebär att man får använda ganska grova approximationer, exempelvis kort spole (Lång spole är det däremot absolut inte). Den formel vi har för fältet mitt i en kort spole är

$$B = \frac{\mu_0 NI}{2r}$$

Har bör då r väljas till 0.5 m (0.3m till 0.8m accepteras) eftersom kortaste avst till en ledare är 0.25 m och längsta 1.13 m. Fältet blir då ca 4 mT.

[Kortaste avståndet är 0.5 m, så det är lämpligt att välja 0.6 m.]

Tankeläsning – I 2000-10-25 uppgift 4

Facit: Se det som magnetfältet från en snutt med längd 1cm

$$dB = \frac{\mu_0 \frac{dq}{dt} ds}{4\pi r^2} = \frac{10^{-7} dqv}{r^2} = \frac{10^{-7} \cdot 10^{-8} C \cdot 1m/s}{10^{-2} m^2} = 10^{-13} T$$

Inte världens mest exakta beräkning, men det efterfrågades ju inte heller

Spismagnet – IMT 2002-04-12 uppgift 3

Facit: Man kan lösa denna uppgift med en mängd olika approximationer. Exakt lösning får man genom att räkna ut antal varv per radieintervall till 100/0.26 m. Magnetfältet från en radiesnutt blir då

$$dB = \frac{\mu_0 I \cdot 100}{2r \cdot 0.26} dr \Rightarrow B = \int_{0.04}^{0.30} \frac{\mu_0 I \cdot 192}{r} dr = 2.4 \text{ mT}$$

Storleksordningen är alltså enstak mT. Om man lägger alla varven på medelavståndet blir resultatet 1.8 mT vilket ger samma storleksordning.

Högtalarmagnet – MBDTI 2010-06-03 uppgift A2

Facit: En permanentmagnet består ju av uppriktade magnetiska dipoler som kan beskrivas med en ytström dvs den fungerar precis som en kort spole.

$$B_{\text{nära}} = \frac{\mu_0 \mu_r N I}{r} \quad B_{\text{nere}} = \frac{\mu_0 \mu_r N I r^2}{(r^2 + h^2)^{1.5}} \Rightarrow B_{\text{nere}} = \frac{r^3}{(r^2 + h^2)^{1.5}} = 1.1 \text{ mT}$$

Övning 5

Induktion

5.1 Övningsuppgifter

Induktion – FCL 2009-06-04 uppgift A3

Tema: Proaktiv säkerhet i bilar

All utrustning i en bil måste dimensioneras för att tåla de magnetfält som uppkommer runt generator, tändssystem mm. Vilken spänning alstras maximalt i en kvadratisk strömkrets med sidan 5 cm om den påverkas av ett magnetfält med frekvensen 200 Hz?

$$B = B_0 \sin(\Omega t + \phi) \quad B_0 = 0.17 \text{ T}$$

Magnetpuls – MTI 2001-06-07 uppgift 1

Tema: Företaget Innolite

Den laser man använder för att belysa plasmata så att det ska kunna avge EUV-strålningen är en gaslaser där gasen finns i ett glaströr som i startögonblicket kräver en magnetisk puls av längd enstaka mikrosekunder längsmed röret. Denna skulle kanske kunna åstadkommas genom en 2.2 cm lång spole runt röret lindad med 2000 varv koppartråd. Spolen har tvärsnittsdiametern 8.1 cm. Lindningstråden har tvärsnittsytan 0.2 mm².

Går detta? (Motivering...)

Cykellyse – MTI 1999-06-02 uppgift 1

Tema: Cyklism

Cykel-lysen är ett ständigt bekymmer. Batteridrivna mattas fort och dynamos av olika slag slirar i blött väder och låter mycket. Ett förslag till lösning bygger på att man monterar små, platta permanentmagneter runt hela fälgen och låter dem löpa mellan ett ok som leder det magnetiska flödet genom en lindning med ett antal varv. Antag att cykelhjulet har 50 st magneter orienterade växelvis åt var sitt håll och att hjulet snurrar 1.5 varv per sekund. Hur många varv behövs det då i lindningen för att ge en spänning på 3 V om varje magnet har tvärsnittsytan 2.0 cm² och ger $B = 0.40 \text{ T}$? (Du behöver inte ta

hänsyn till inverkan av några luftspalter e.d., även om den riktige konstruktören nog måste det)

Tröghetsnavigering – IMT 2002-03-05 uppgift 2

Tema: Teknologiska hjälpmedel för tankrederier

Vid så kallad tröghetsnavigering mäter man ut en kurs (=färdriktning) som båten ska ha och ställer sedan in denna med ett gyro som alltså inte vrider sig i förhållande till jorden. Kopplat till detta gyro finns en kort spole (som alltså är fixt i förhållande till gyrot/jorden). Runt denna spole finns en annan kort spole som är fix i förhållande till båten. Man mäter sedan ömsesidiga induktansen mellan dem. Hur stor vridning motsvarar en ändring av M med $1/10000$ om vinkeln mellan spolarnas axlar från början är 45° resp om den är 0° ?

Magnetbromsar – IMT 2003-01-13 uppgift 2

Tema: Vinterkyla

Bussarna har svårigheter med slirning när det blir kallt (Vem har inte det?). Därför uppmanas förarna att använda de magnetbromsar som finns på en del bussar. Dessa anses vara helt låsningsfria eftersom de bygger på att en spole som är fast förbunden med hjulaxeln får rotera i ett magnetfält. Ur spolen fås då en ström som används för att skapa magnetfältet.

Vill man sluta bromsa stänger man av strömmen som tas ut ur spolen.

Förklara varför dessa bromsar är låsningsfria.

Ekorrhjul – TMI 2008-03-10 uppgift A1

Tema: Visioner på utställningar

På tekniska museet finns ett "ekorrhjul" för småbarn med "navdynamo" dvs genom luftgapet till en toroidspole passerar magneter med omväxlande polaritet (riktning). Strömmen från denna används för att driva fram ett tåg. Med vilken faktor ökar effekten som levereras till tåget om barnen springer dubbelt så fort? (Icke-lineariteter i tågmotorn kan du bortse från)

(Enbart rätt svar ger inga poäng, det är motiveringen som avgör)

5.2 Extrauppgifter

Strömpuls – MTI 2009-05-20 uppgift A2

Tema: Lego Mindstorms

För att känna av hur bitar roterar i förhållande till varandra används ömsesidig induktion mellan korta spolar. Antag att strömmen i en spole (nr 1) kan skrivas

$$I = I_0 e^{-t^2/t_0^2}, \quad t_0 = 2.6 \text{ ms}, \quad I_0 = 110 \text{ mA}.$$

Skissa i en plot spänningen över den andra spolen som funktion av tiden om spole 2 har dubbelt så många varv som spole 1. Ömsesidiga induktansen är 300 mH. För full poäng ska axlarna vara graderade.

Induktion 2 – MTI 2009-05-20 uppgift B1**Tema:** Lego Mindstorms

Samma uppställning som A2 (Induktion), men uppgiften är att beräkna och plotta strömmen i spole 2 om uppställningen har spole 2 kopplad i serie med en spole med en självinduktans på 200 mH. Kretsen är alltså sluten.

Vridning – ILMP 2005-05-11 uppgift 1**Tema:** Industriell positionering

När man vill kontrollera vridningen av ett objekt används ofta så kallade induktiva givare som mäter hur spänningen i en spole påverkas av vridningen i förhållande till ett yttre magnetfält. Det yttre magnetfältet är homogent, varierar sinusformigt i tiden med 500 Hz och är maximalt 0.12 T. Hur stort blir spänningens maxvärde i givaren (=spolen) om denna består av en spole med 100 varv fördelade på några millimeter. Spolens diameter är 9.6 mm.

Ingen järnkärna.

5.3 Facit**Induktion – FCL 2009-06-04 uppgift A3****Facit:**

$$U = N \frac{d\Phi}{dt} = N S B_0 2\pi f \cos(2\pi f t + \phi), \quad U_{\max} = 534 \text{ mV}$$

Magnetpuls – MTI 2001-06-07 uppgift 1

Facit: Man kan ju alltid börja med att kolla tidskonstanten för spolen/kretsen. Den har en resistans och induktans som ges av

$$R = \frac{\rho l}{A} = \frac{\rho N 2\pi r}{A}, \quad L = \frac{\mu_0 N^2 \pi r^2}{2r} = \frac{\mu_0 N^2 \pi r}{2}$$

$$\Rightarrow \text{tidskonstant} = \frac{L}{R} = \frac{\mu_0 N A}{4\rho} = 7.5 \text{ ms}$$

Om pulsen ska ha en stigtid på enstaka mikrosekunder är nog detta för långt

Anm: Vi har beräknat L med formeln för kort spole vilket åtminstone ger en bra uppskattning. Eftersom tidskonstanten ligger en faktor 1000 från vad som behövs är saken tämligen klar.

Cykellyse – MTI 1999-06-02 uppgift 1

Facit: Den tid det tar för oket att ”byta magnet” är $1/75 \text{ s} = 13.3 \text{ ms}$. På denna tid ändras flödet från $+0.40 \text{ T} \times 0.00020 \text{ m}^2$ till motsvarande negativt värde.

$$\frac{d\Phi}{dt} = 2 \cdot 0.40 \text{ T} \cdot 2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 / 0.0133 \text{ s} = 0.0120 \text{ Tm}^2/\text{s}$$

Om spänningen ska vara 3 V får vi då antalet varv ur

$$V = N \frac{d\Phi}{dt} \Rightarrow N = 3/0.012 = 250$$

Tröghetsnavigering – IMT 2002-03-05 uppgift 2

Facit: Ömsesidiga induktansen mellan två spolar innehåller förutom geometriska faktorer en faktor $\cos$ för vinkeln mellan axelriktningarna (kommer från att flödet genom den ena spolen definieras som skalärprodukten mellan $\mathbf{B}$ och $\mathbf{S}$)

Frågan är alltså hur stor vridning från 45 resp 0 grader som behövs för att ändra denna faktor med $1/10000$.

För 0°utgångsläge blir detta 0.81° och för 45° blir det 0.006°.

Magnetbromsar – IMT 2003-01-13 uppgift 2

Facit: Spänningen (och därmed strömmen ur en spole är proportionell mot tidsderivatan av flödet genom den. Om bromsarna låser sig blir det ingen flödesändring och därmed ingen ström och alltså ingen bromsverkan som kan låsa bromsarna.

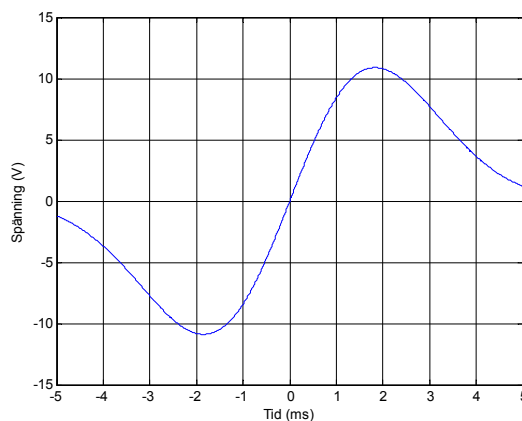
Ekorrhjul – TMI 2008-03-10 uppgift A1

Facit: $U = N \frac{d\Phi}{dt} = NBS\omega \sin(\omega t)$, dvs spänningen är prop. mot varvtalet. Effekten = ström ggr spänning = spänning i kvadrat / impedans, dvs effekten fyrdubblas.

Strömpuls – MTI 2009-05-20 uppgift A2

Facit: Spänningen ges av

$$U_2 = M_{21} \frac{dI_1}{dt} = M_{21} I_0 \frac{2t}{t_0^2} e^{-t^2/t_0^2}$$

**Induktion 2 – MTI 2009-05-20 uppgift B1**

Facit: I den krets som utgörs av spole 2 och den ytterligare spolen ska summan av spänningarna bli 0.

$$0 = U_2 + L_3 \frac{dI_3}{dt} = -M_{21} \frac{dI_1}{dt} + L_3 \frac{dI_3}{dt} \Rightarrow I_3 = \frac{M_{21}}{L_3} I_1 + \text{konst} = 1.5 I_1,$$

där konst måste vara noll.

Vridning – ILMP 2005-05-11 uppgift 1**Facit:**

$$U = N \frac{d\Phi}{dt} = N \frac{d}{dt} (B_{\max} \sin(2\pi ft) S) = N B_{\max} 2\pi f S \cos(2\pi ft)$$

Varur följer att

$$U_{\max} = 2\pi f B_{\max} N S = 2.7 \text{ V}$$

Övning 6

Geometrisk optik

6.1 Övningsuppgifter

Ljusledare – IMT 2000-01-11 uppgift 5

Tema: Instrumentpaneler till tyngre fordon

I bland använder man små plastdetaljer för att ledan ljus från ljuskälla till det ställe som ska belysas. Hur högt måste brytningsindex vara för att ljuset ska ledas utan förluster i en cylindrisk ljusledare, med diameter 1.8mm som belyses i ena kortändan av en lysdiod som sänder ut halv konvinkel 20° . Ändytan på cylinder är sfäriskt konkav med krökningscentrum i ljuspunkten.



Ögonmodell – F 2003-03-06 uppgift 4

Tema: Kirurghjälpmedel

I en enkel ögonmodell (som är förvånansvärt korrekt) modellerar man ögat som en kula av vatten med brytningsindex 1.3306. Pupillen ligger på ena sidan av kulan och där buktar den ut så att krökningsradien blir 5.1 mm och näthinnan ligger på den motsatta sidan 22 mm därifrån. Vilket objektsavstånd avbildas skarpt på näthinnan?

(Patienten är lite felsynt)

Växthusbelysning – MBDTI 2010-05-29 uppgift A1

Tema: Växthus

Belysningen utformas för att så mycket som möjligt likna solljus. Ofta används gasurladdningslampor vars lysande yta är (ser ut som) en kvadrat med sidan 12 mm. Denna yta avbildas sedan mot marken med en lins. Antag att lamporna sitter på 2.20 m höjd (= avstånd lins-mark) och ska sitta i rader och kolumner med 1.8 m mellanrum. Vilken fokallängd ska linsen ha för att de belysta fläckarna inte ska överlappa och inte ha några mörka avsnitt mellan sig?

Triangulering – IMT 2002-03-05 uppgift 4**Tema:** Teknologiska hjälpmedel för tankrederier

Vid angöring i hamn (dvs när fartyget lägger till) använder man laseravståndsmätare för att mäta avståndet till kajkant under de sista metrarna. Därvid belyser man en fläck på kajkanten, med en stråle som går rakt (=vinkelrätt) ut från skrovets sida. Den belysta fläcken betraktas sedan av en sorts TV-kamera belägen 10 cm vid sidan av laserstrålen. Denna har en lins med $f = 10$ mm. TV-kameran ”tittar” rakt ut från skrovet, dvs dess symmetriaxel är parallell med laserstrålen.

Plotta (=graderade axlar) hur bilden av laserpunkten flyttar sig på TV-kamerans ljuskänsliga yta som funktion skrovets avstånd till kajkanten för avstånd från 3 m ner till 3 dm

Dispersion – FCL 2008-06-02 uppgift B2**Tema:** Alhazen

Han lägger också grunden till färgläran genom att dela upp vitt ljus i sina våglängdskomponenter. För att göra detta använder han prismor där glaset har olika brytningsindex för olika våglängder. Detta fenomen kallas dispersion och beskrivs numera ofta av den relativa dispersionen

$$RD \equiv \frac{n_{\text{blå}} - n_{\text{röd}}}{n_{\text{grön}} - 1}.$$

Visa att för en planokonvex lins med styrkan P gäller att

$$\frac{\Delta P}{P} = \frac{P_{\text{blå}} - P_{\text{röd}}}{P_{\text{grön}}} = RD.$$

6.2 Extrauppgifter**Fingeravtryck – IMT 2000-10-25 uppgift 1****Tema:** Personidentifiering

I de flesta fallen läser man in fingeravtrycken optiskt dvs en lins avbildar fingertoppen på en detektor. I ett fall är detektorytan $3 \text{ mm} \times 4 \text{ mm}$ och fingertoppen får antas vara mindre än $18 \text{ mm} \times 24 \text{ mm}$. Detta vill man avbilda mha ett linssystem som består av två tunna linser tätt intill varandra med fokallängder 20 mm resp 15 mm. Hur ska fingertopp och detektor placeras i förhållande till linspaketet?

Tågbelysning – WMBT 2011-05-23 uppgift A1**Tema:** SJ3000

All belysning är av typ lysdioder, dvs en lysande yta som kallas chip och en plastlins ovanför. Linsen har en plan yta närmast chippet och en annan som är krökt med krökningsradie 4.0 mm. Linsens tjocklek får försummas. Hur långt ska det vara mellan chip och linsens plana yta för att strålarna ska bli så parallella som möjligt. Plasten har brytningsindex 1.54.

Övervakningskamera – FCL 2009-06-04 uppgift A5**Tema:** Proaktiv säkerhet i bilar

En kamera (eller flera kameror) är naturligtvis en nyckelkomponent i ett övervakningssystem. Vilken fokallängd behövs för att ge ett synfält på $\pm 45^\circ$ (vilket inte är en liten vinkel) med ett chip vars bredd är 8.10 mm? Bortse från aberrationer.

Stereoseende – MBDTI 2010-06-03 uppgift A4**Tema:** Robotdammsugare

Dammsugaren innehåller många olika optiska sensorer för att kunna känna av väggar, trappsteg, stolsben mm. Oftast består de av en lysdiod som ljuskälla som belyser en yta som man tittar på med en eller flera kameror. Om avstånd ska bestämmas är det ofta två kameror som är monterade parallellt, där man tittar på hur mycket bilden av ett objekt förskjuts i den ena jämfört med den andra. Antag att man med 12 mm fokallängd får en förflyttning av bilden av ett givet objekt 1.8 mm om kamerorna är placerade 20 mm från varandra. Hur långt bort ligger objektet?

Fjärrkontroll – FBDMTI 2009-08-17 uppgift A1**Tema:** Fjärrkontroller

Fjärrkontroller för hemelektronik innehåller nästan alltid lysdioder som avger strålning vid 800-900 nm dvs infrarött ljus. Sändarsidan utgörs av ett chip (punktformigt) som ligger 3 mm under en lins med fokallängd 4 mm. Uppskatta spridningsvinkeln.

6.3 Facit**Ljusledare – IMT 2000-01-11 uppgift 5**

Facit: Eftersom dioden ligger i krökningscentrum till ytan, kommer ljuset inte att brytas i den första ytan. Min infallsvinkel mot cylinderytan blir alltså 70° . Villkor för totalreflektion är

$$\sin i_G = \frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{n_2} \Rightarrow n_2 = \frac{1}{\sin 70^\circ} = 1.06$$

Vilket nog inte är ett krav som är svårt att uppfylla.

Ögonmodell – F 2003-03-06 uppgift 4

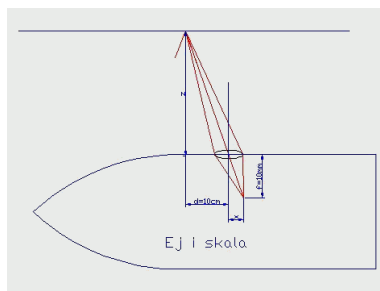
Facit: Här har vi uppenbart brytning i sfärisk gränssyta med $n = 1$, $n' = 1.3306$, $s' = 22$ mm och $r = 5.1$ mm.

$$\frac{n}{s} + \frac{n'}{s'} = \frac{n' - n}{r} \Rightarrow s = \left(\frac{n's' - ns' - n'r}{rs'} \right)^{-1} = 230 \text{ mm}$$

Växthusbelysning – MBDTI 2010-05-29 uppgift A1

Facit: 12 mm sidan ska avbildas på 1.8 m = 1800 mm, dvs förstoringen ska vara 150 ggr. Bildavståndet ska vara 2.2 m vilket då ger ett objektsavstånd 14.67 mm, vilket i sin tur med linsformeln ger $f = 14.77$ mm.

Vill man använda projektorapproximationen direkt kan man naturligtvis göra det.

Triangulering – IMT 2002-03-05 uppgift 4

Facit:

Bilden av den belysta punkten hamnar i eller i närheten av linsens fokalplan. Likformiga trianglar ger då

$$z/d = x/f \Rightarrow d = \frac{zf}{x}$$

Plottas och blir en $1/x$ -kurva.

Dispersion – FCL 2008-06-02 uppgift B2

Facit: Styrkan för en planokvex lins är

$$P = \frac{n-1}{r} \Rightarrow \frac{\Delta P}{P} = \frac{\frac{n_{\text{blå}}-1}{r} - \frac{n_{\text{röd}}-1}{r}}{\frac{n_{\text{grön}}-1}{r}} = \frac{n_{\text{blå}} - n_{\text{röd}}}{n_{\text{grön}} - 1} = RD$$

Fingeravtryck – IMT 2000-10-25 uppgift 1

Facit: Avbildningen ska uppenbarligen vara förminskande 1:6 vilket ger oss att linsformeln blir

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{p/6} = \frac{1}{f_{\text{tot}}} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} \Rightarrow p = 60 \text{ mm} \Rightarrow q = 10 \text{ mm}.$$

Tågbelysning – WMBT 2011-05-23 uppgift A1

Facit: Den krokta ytan får styrkan $P = \frac{1-1.54}{0.004 \text{ m}} \Rightarrow f = 7.4 \text{ mm}$, vilket också blir hela linsens fokallängd.

Övervakningskamera – FCL 2009-06-04 uppgift A5

Facit:

$$\frac{d_{\text{max}}}{2f} = \tan 45^\circ \Rightarrow f = 4.05 \text{ mm}$$

Stereoseende – MBDTI 2010-06-03 uppgift A4

Facit: Om ett objekt ligger rakt fram på avstånd L från den ena kameran kommer det att ligga förskjutet i sida med vinkeln $L/20$ mm från den andra. Det innebär att bilden förskjuts med fokallängden gånger denna vinkel,

$$\delta = \frac{La}{f} \Rightarrow L = \frac{af}{\delta} = \frac{20 \cdot 12}{1.8} \text{ mm} = 133 \text{ mm}$$

Fjärrkontroll – FBDMTI 2009-08-17 uppgift A1

Facit: Linser kan normalt inte göras större än att det har bländartal = 1, så vi räknar med det. (Har du valt någon annan diameter så är det OK), dvs linsens radie är 2 mm. Bilden av chipet hamnar 12 mm bakom linsen och vinkeln blir alltså

$$\alpha = \arctan\left(\frac{2 \text{ mm}}{12 \text{ mm}}\right) = 9.46^\circ \text{ alltså } 10^\circ$$

Övning 7

Optiska system

7.1 Övningsuppgifter

Ugnskikare – IMT 2002-04-12 uppgift 1

Tema: Restauranter och restaurantkök

I restauranter med gammaldags stenugn behöver man ofta kunna se en bra bit in i ugnen, med förstoring. Därför finns ugnskikare att köpa. Dessa är avsedda för objektsavstånd på ca 1 m, har ett objektiv med fokallängd 100 mm och ett okular med fokallängd 25 mm. Avståndet mellan är valt så att slutbilden hamnar i oändligheten. Vilken blir vinkelförstoringen?

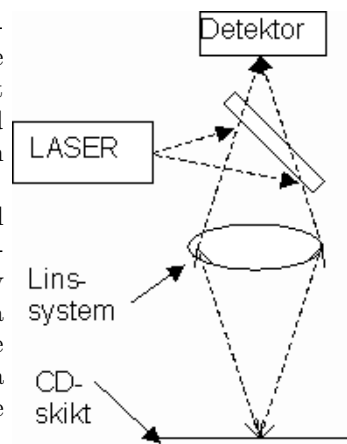
(OBS att den färdiga formeln i boken gäller oändligt objektsavstånd)

CD-fokusering – F 1998-04-24 uppgift 1

Tema: CD-standard

Den nya standarden för CD bygger på att informationen lagras i flera skikt och att man når de olika skikten genom att fokusera om. Antag att man avbildar en punkt mha ett linssystem med fokallängd 12 mm och 3 mm mellan främre och bakre huvudplan.

Den inkommande laserstrålen fokuseras först till en punkt (näja nästan) 30 mm före främre huvudplan, som sedan avbildas mot det första av skikten på CD'n, där informationspunkten ska ligga i bilden av ljuspunkten. Hur mycket måste linsystemet flyttas för att fokus i stället ska hamna i nästa skikt, som ligger 0.20 mm längre bort?



Fokallängdsfördubbling – F 1998-08-21 uppgift 2

Tema: Video-inspektion i trånga utrymmen

Antag att man har ett objektiv med fokallängd 6 mm. Framför detta hänger man ett litet 2x teleskop med negativt okular. Visa med konstruktionsritning att detta medför att systemets fokallängd nu fördubblas till 12 mm, och visa var det bakre huvudplanet kommer att ligga.

(6 mm-objektivet får behandlas som tunn lins)

Ljusbom 2 – FCL 2009-05-18 uppgift B2

Tema: Arbetsplatssäkerhet

För att förhindra klämolycor vid maskiner med många rörliga delar har man ofta ljusbommar bestående av en laserstråle med ställbar diameter. Laserstrålen är från början parallell (kollimerad) och ska vara det efter passage av systemet också.

Systemet består av 2 st $f = 20$ mm linser som kan placeras allt från $d = 20$ mm ifrån varandra till tätt intill varandra, $d = 0$ mm, följt av en lins med $f = 200$ mm. Avståndet till sista linsen ($f = 200$ mm) ändras så att systemet hela tiden är afokalt. Plotta linssystemets förstoring av laserstrålen som funktion av d (graderade axlar).

7.2 Extrauppgifter

Mikroskop – BD 2009-05-27 uppgift A4

Tema: Mineralogiska undersökningsinstrument

Ett mikroskop är ju standard som metod att optiskt inspektera ett mineral. Antag att man vill att objektivförstoringen ska vara 8 ggr, och att både objektivet och okulalet har en fokallängd på 20 mm. Hur stort blir avståndet mellan objekt (inte objektiv) och okular?

Ljusbom – FCL 2009-05-18 uppgift A4

Tema: Arbetsplatssäkerhet

För att förhindra klämolycor vid maskiner med många rörliga delar har man ofta ljusbommar bestående av en laserstråle med ställbar diameter. Diametern ställs genom ett linssystem. Laserstrålen är från början parallell (kollimerad) och ska vara det efter passage av linssystemet också.

Ett system består av en lins med $f = -30$ mm och en annan med $f = 180$ mm. Strålen har från början diametern 2 mm. Avståndet mellan linserna ska helst vara 150 mm. Hur kommer strålen att se ut om avståndet i stället skulle bli 152 mm? (Divergent eller konvergent? Med vilken vinkel?). Försumma diffraktionen.

Kirurgmikroskop – F 2003-03-06 uppgift 1

Tema: Kirurghjälpmedel

Vid detaljkirurgi har kirurgen numera alltid ett slags kikarmikroskop på sig, bestående av en 50 mm-lins närmast offret (patienten) och en -15 mm omedelbart framför doktorsögat.

Avståndet patient till 50 mm-lins kan sättas till 400 mm (fixt) och den negativa linsen placeras så att bilden hamnar på samma ställe som objektet (för att doktors avståndskänsla ska bli rätt).

Hur långt ska det vara mellan linserna?

(Detta är delvis en övning i minustecken, tänk på det!)

Vidvinkelkonverterare – I 020109 uppgift 1

Tema: "High End"-kameror

En kamera (Canon PowerShot G2) kan förses med "vidvinkelkonverter", vilket är ett linspaket som sätts på framför befintligt linspaket. Tillsatsen är avsedd att ge större synfält (=vidare synvinkel) utan att behöva fokusera om kameran.

Beskriv hur du tror den fungerar (figur med exempel och förklarande text)

Ledning: Både bild och objekt till vidvinkelkonvertern ligger i oändligheten.

Kikare – FCL 2008-06-02 uppgift B1

Tema: Alhazen

En kikare han föreslog var (z-axel i ljusets riktning)

$Z = 0$ mm Lins med $f = 60$ mm

$Z = 90$ mm Lins med $f = 15$ mm

$Z = 100$ mm Lins med $f = -20$ mm

Visa med strållkonstruktion att detta system är afokalt och bestäm vinkelförstoringen.

Hummerkikare – F 2004-06-03 uppgift 4

Tema: Fisk och fiske

En så kallad hummerkikare är gjord för att titta på botten på ca 10 m djup. Okularet har $f = 40$ mm och objektivet har fokallängden 200 mm (på luftsidan). Objektivet är planokonvext, med den plana ytan i vattnet. Tuben är luftfylld.

Hur långt ska det vara mellan linserna?

7.3 Facit

Ugnskikare – IMT 2002-04-12 uppgift 1

Facit: Den första linsen ger en bild på 111 mm avstånd. Denna bör ligga 25 mm före den andra linsen eftersom slutbilden ska ligga i oändligheten. Avståndet mellan linserna blir alltså 136 mm. Om storleken på objektet är h blir den synvinkel objektet upptar (utan kikare) $= h/(1000 \text{ mm} + 136 \text{ mm})$.

Mellanbildens storlek är $h' = h(111/1000) = 0.111h$. Denna upptar synvinkeln $0.111h/25$ mm. Kvoten mellan dessa vinklar är 5 vilket alltså är förstoringen.

CD-fokusering – F 1998-04-24 uppgift 1

Facit: Först och främst kan linssystemet behandlas som en tunn lins om avsnittet mellan huvudplanen bortses från (=klippas bort). Vi gör det:

I det första fallet är objektsavståndet 30mm vilket ger ett bildavstånd på 20 mm, dvs totalt 50 mm (+ avst mellan huvudplanen) mellan objekt och bild.

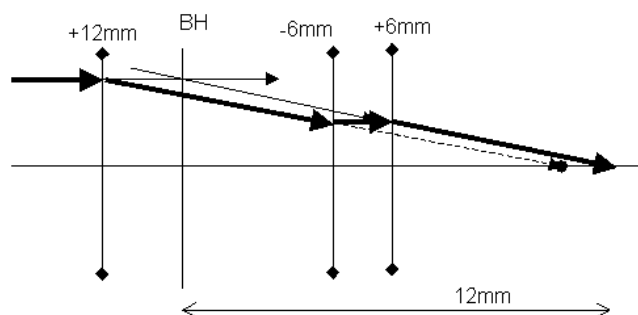
I det andra fallet ska avståndet vara 50.20 mm (+ samma avst mellan huvudplanen), dvs linsformeln kan skrivas

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{50.2 \text{ mm} - a} = \frac{1}{12} \Rightarrow a_1 = 19.84 \text{ mm}, a_2 = 30.35 \text{ mm}.$$

Den första lösningen svarar mot en mycket stor förskjutning av linssystemet och väljs därför bort. I det andra fallet blir förflyttningen av linserna 0.35 mm.

Fokallängdsfördubbling – F 1998-08-21 uppgift 2

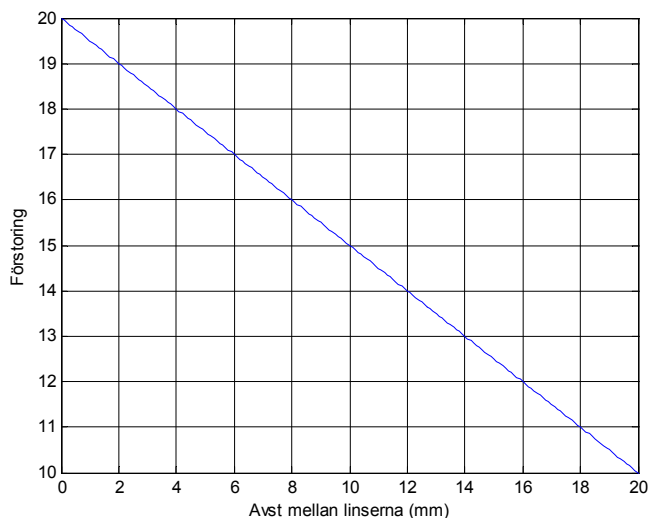
Facit:



Strålen verkliga väg är ritad med fet linje. Inkommande och utgående stråle är förlängd, och där de korsas ligger BH.

Ljusbom 2 – FCL 2009-05-18 uppgift B2

Facit: Jfr fig. Den enda förstoring som är meningsfull är den faktor som diametern ökar med dvs teleskopförstoringen.



Mikroskop – BD 2009-05-27 uppgift A4

Facit: För objektivet gäller $s' = 8s$, vilket i linsformeln ger

$$\frac{1}{s} + \frac{1}{8s} = \frac{1}{f} \Rightarrow s = \frac{9}{8}f = 22.5 \text{ mm} \Rightarrow s' = 9f = 180 \text{ mm}$$

Mellanbilden ska ligga på fokallängds avstånd från okulalet dvs 20 mm. Den sökta sträckan blir alltså 222.5 mm.

Ljusbom – FCL 2009-05-18 uppgift A4

Facit: 182 mm blir objektsavst till lins 2, vilket ger ett bildavstånd på 16.4 m. Mot den punkten konvergerar alltså strålen. Före lins 2 har strålen radien 6 mm. Konvergensvinkeln blir alltså 0.37 mrad

Kirurgmikroskop – F 2003-03-06 uppgift 1

Facit: Om vi kallar objektsavståndet till första linsen $a_1 = 400$ mm och avståndet mellan linserna d (=sökt storhet) blir bildavståndet till första linsen

$$b_1 = \frac{a_1 f_1}{a_1 - f_1} = 571.143 \text{ mm} \Rightarrow a_2 = d - b_1 \Rightarrow b_2 = \frac{a_2 f_2}{a_2 - f_2} = \frac{(d - b_1) f_2}{d - b_1 - f_2}$$

Vidare ska b_2 väljas så att bilden hamnar vid objektet (då hamnar den i bildrymden och bildavståndet blir negativt).

$$b_2 = -(a_2 + d)$$

Sätter vi de bägge uttrycken för b_2 lika får vi en andragradsekvation i d med lösning

$$d = 41.615 \text{ mm}$$

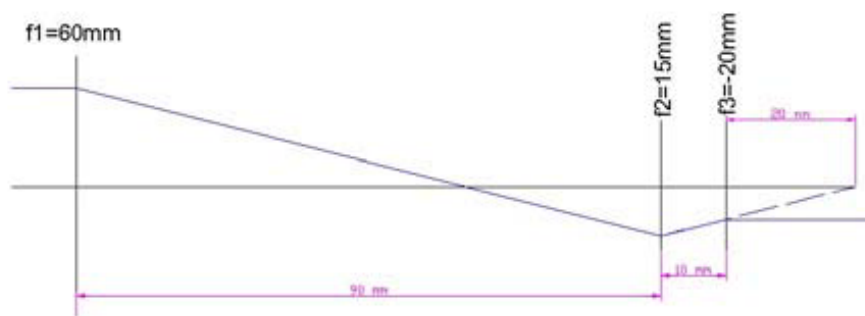
Vidvinkelkonverterare – I 020109 uppgift 1

Facit: Eftersom tillsatslinsen har både objekt och bild i oändligheten måste den fungera som ett teleskop (allt annat avbildar ett avlägset objekt i fokus till systemet)

För att man ska se mer i bilden måste den bli mindre än utan tillsats (eller hur?), vilket gör att teleskopet måste vara bakvänt så att det ger en förminskning.

Kikare – FCL 2008-06-02 uppgift B1

Facit: I sista linsen blir strålarna återigen parallella med symmetriaxeln och det är ju det som gör att det är en kikare (teleskop). Vinkelförstoring blir 3 ggr (kan räknas ut på flera olika sätt, exvis mha att räkna ut systemfokallängden på okularet).

**Hummerkikare – F 2004-06-03 uppgift 4**

Facit: Detta är en lurig uppgift.

Avbildning i den första plana ytan mellan glas ($n = 1.5$) och vatten ger med objektsavstånd 10 m ett bildavstånd på 8.87 m.

Detta är nu objektsavstånd till den krökta ytan som har styrkan $5D$ ($f=200\text{mm}$). Linsmakarformeln ger nu

$$\frac{1.5}{8.87 \text{ m}} + \frac{1}{s'} = 5 D \Rightarrow s' = 207 \text{ mm}.$$

Denna mellanbild ska ligga i okularets främre fokalplan dvs avståndet mellan dem ska vara 247 mm.

Övning 8

Interferens

8.1 Övningsuppgifter

Luftspalt – IMT 2001-10-26 uppgift 4

Tema: Skarvning av optiska fibrer

En liten luftspalt inne i svetsfogen är katastrofal eftersom den fungerar som en spegel. Vilka våglängder reflekteras starkast om luftspaltens tjocklek är 400 nm. Fiberns brytningsindex är 1.52.

Rälssmörjning – IMTP 2006-10-26 uppgift 5

Tema: Tåg och säkerhet

För att minska slitaget på räls och hjul smörjer man bådadera. Blir det för lite olja ”skriker” hjulen. (Vem har inte hört det i tunnelbanan?) och blir det för mycket slirar hjulen. Det är alltså viktigt att kunna hålla kontroll på filmen av smörjmedel. Detta skulle man kunna göra genom att använda tunnskiktinterferens i filmen. Underlaget är metall, med en reflektans på 60% och filmens ovansida har en reflektans på 10%. Vilken modulation definierad som

$$m = \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max} + I_{\min}}$$

får man i interferensmönstret? Bortse från multipelreflexer.

Vinkel-AR – MTI 2003-08-29 uppgift 4

Tema: Plasma-TV

I synnerhet för åskådare som sitter snett i förhållande till bildytan kan reflexer vara ett problem. Av denna anledning gör man ofta en AR-behandling som är optimerad för exempelvis 45 graders betraktningvinkel i stället för 0 grader.

Vilken reflektans får man i noll grader för 550 nm våglängd med ett skikt som har brytningsindex 1.35 på ett substrat som har $n = 1.72$.

Reflektansen för en (1) ensam gränsyta ges av

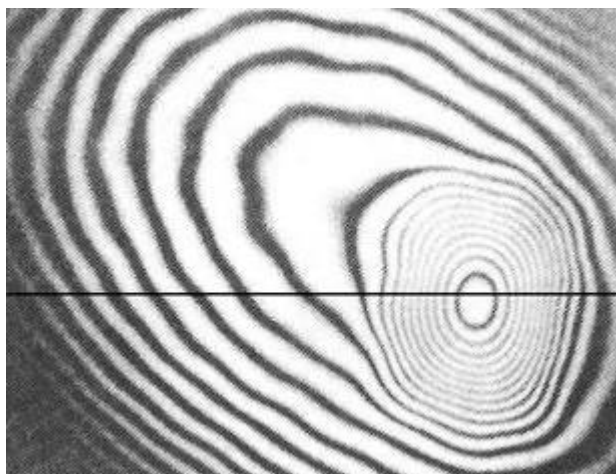
$$R = \left(\frac{n_2 - n_1}{n_2 + n_1} \right)^2$$

Börja med att räkna ut hur tjock skiktet ska vara.

Deformation – ILMP 2005-01-11 uppgift 5

Tema: Industriell positionering

Till höger ser du ett mönster från en Michelsoninterferometer med våglängd 633 nm. Mönstret kommer sig av att ena spegeln är deformerad. Rita ett diagram med graderade axlar över höjdvariationerna i spegeln utefter den svarta linjen.



Ultraljudskontroll – FBDMTI 2009-08-17 uppgift B3

Tema: Fjärrkontroller

A3: En av de första fjärrkontrollerna för TV (Space Control hette den, kom på 50-talet och var amerikansk) byggde på ultraljud som skapades av metallstänger som sattes i vibration av användaren mekaniskt. Inget batteri behövdes alltså. Varje frekvens skapades av en ”pinne” med speciell längd, och motsvarade en viss funktion på TVn exvis byt kanal ett steg uppåt. Ett uttryck för en sådan våg (i luft) skulle kunna vara $s = \frac{A}{r} \sin(kr - \omega t + \delta)$ där $A = 2 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2$, $\omega = 188000 \text{ rad/s}$ och $k = 589 \text{ rad/m}$.

B3: Antag att man vill använda ultraljud som i A3 men har tre elektriskt kontrollerade sändare som skickar ut samma frekvens i samma fas. De är placerade på rad. Hur långt ska det vara mellan dem för att det ska bli total intensitet = 0 i riktningen längs raden (idealt)?

8.2 Extrauppgifter

Oljetransport – IMT 2002-03-05 uppgift 5

Tema: Teknologiska hjälpmedel för tankrederier

Ett problem vid oljetransporter i tropikerna är kondens av vattenånga i tankarna, vilket måste undvikas för att förhindra rostning inifrån. Av den anledningen kontrollerar man ofta med laserstråle om det finns ett tunt vattenskikt på ytan av oljan. Detta görs med en laser med två olika våglängder, tex 500 nm och 800 nm. Man mäter kvoten mellan reflexernas styrka för de bägge våglängderna och avgör på det sättet om det finns ett tunt vattenskikt eller inte.

Förklara hur detta fungerar.

Sensor-AR – MTI 2009-05-20 uppgift A5

Tema: Lego Mindstorms

Det finns färgade lysdioder tillsammans med färgkänsliga ljussensorer att köpa. Sensorerna är ARbehandlade för "sin" färg dvs rött, grönt eller blått. Hur tjock ska ett skikt med brytningsindex 1.4 vara om glaset har brytningsindex 1.93? Räkna för våglängden 628 nm.

Undervattenskamera – FCL 2008-08-18 uppgift A5

Tema: Resultatmätning vid idrottsevenemang

I simtävlingar har man ofta kameror som fotograferar under vatten, in i målmådet. Antag att man vill antireflexbehandla en sådan kameras frontglas (mot vattnet) som har $n = 1.71$. Man kan välja mellan material med skiktindex: 1.35, 1.51, 1.70 och 1.91. Vilket ska man välja och varför?

Randigt – Media 2010-03-19 uppgift B3

Tema: Optiska projektioner

Ibland vill man skapa "randigt ljus" för att få en måttskala projicerad på en yta. Detta görs ofta genom att låta två expanderade laserstrålar (ursprungligen från samma laser) interferera på en yta. Vilken vinkel ska det vara mellan laserstrålarna för att mönstret ska innehålla en period per cm? Våglängd 514 nm.

Tvåskiktsbeläggning – IMT 2002-01-09 uppgift 4

Tema: digitala high end-kameror

Pga det stora antalet linsytor måste AR-behandling göras. Ofta görs denna som en tvåskiktsbeläggning. Antag att vi använder två material A med $n_A = 2.15$ och B med $n_B = 1.75$. B läggs ytterst och A närmast glaset. Bör B göras en kvarts eller en halv våglängd tjockt?

8.3 Facit

Luftspalt – IMT 2001-10-26 uppgift 4

Facit: Interferens i tunt skikt där en reflex sker mot tätare och en mot tunnare medium:

$$\Delta L = 2nd \cos b + \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = \frac{2nd}{p - \frac{1}{2}} = 1600 \text{ nm}, 533 \text{ nm}, 320 \text{ nm}, \dots$$

Rälssmörjning – IMTP 2006-10-26 uppgift 5

Facit: Reflexen från överkant blir 0.1 ggr infallande intensitet och reflexen från metallytan blir $0.9 \cdot 0.6 \cdot 0.9 = 0.486$ ggr infallande intensitet

$$m = \frac{4\sqrt{I_1 I_2}}{2(I_1 + I_2)} = 0.75.$$

Vinkel-AR – MTI 2003-08-29 uppgift 4

Facit: Brytningsvinkeln i skiktet (vid $i=45^\circ$) blir 31.6° .

AR ger då att:

$$2nd \cos b = \frac{\lambda}{2} \Rightarrow d = \frac{\lambda}{4n \cos b} = 119 \text{ nm}$$

R för de bägge gränssytorna blir då med den givna formeln $R_1 = 0.0222$ och $R_2 = 0.0145$.

Totala reflektansen blir då

$$\begin{aligned} R_{\text{tot}} &= R_1 + R_2 + 2\sqrt{R_1 R_2} \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} \frac{2n \cos 0^\circ \lambda}{4n \cos b}\right) \\ &= R_1 + R_2 + 2\sqrt{R_1 R_2} \cos\left(\frac{\pi}{\cos b}\right) = 0.006 \end{aligned}$$

Deformation – ILMP 2005-01-11 uppgift 5

Facit: Varje svart frans betyder en halv våglängd i höjdskillnad. Det är sjutton fransar mellan vänsterkant på bild och bergets topp (eller gropens botten, vilket vet man inte). Det motsvarar $5.4 \mu\text{m}$. Från bergets topp och högerut är det 12 fransar dvs $3.7 \mu\text{m}$.

Ultraljudskontroll – FBDMTI 2009-08-17 uppgift B3

Facit: De måste ligga på en tredjedelsvåglängds avstånd från varandra, dvs $1.06 \text{ cm}/3 = 3.6 \text{ mm}$.

Oljetransport – IMT 2002-03-05 uppgift 5

Facit: Vid interferens i tunt skikt blir reflektansen kraftigt våglängdsberoende och kvoten mellan mätvärdena borde bli stor. Däremot är reflektansen från en enkel yta bara beroende av brytningsindices vilka inte har så kraftigt våglängdsberoende.

Sensor-AR – MTI 2009-05-20 uppgift A5

Facit: Skiktets tjocklek ges av

$$2nd \cos 90^\circ = \left(m + \frac{1}{2}\right) \lambda_{\text{vac}} \Rightarrow d = \frac{\lambda_{\text{vac}}}{4n} = 112 \text{ nm}$$

Undervattenskamera – FCL 2008-08-18 uppgift A5

Facit: För att en antireflexbeläggning ska kunna fungera bra måste bägge reflexerna vara ungefär likstarka. Detta kan bara ske om brytningsindexsteget vatten/skikt och skikt/glas är ungefär likstora. Det är då bara 1.51 som kan komma i fråga

Randigt – Media 2010-03-19 uppgift B3

Facit: Avståndet mellan fransar vid interferens ges av

$$d = \frac{\lambda}{2 \sin \frac{\theta}{2}} \Rightarrow \theta = \frac{\lambda}{d} = \frac{514 \text{ nm}}{1 \text{ cm}} = 51 \text{ } \mu\text{rad}$$

Härleds eller tas från holografigenomgången.

Tvåskiktsbeläggning – IMT 2002-01-09 uppgift 4

Facit: Reflektanserna från de tre gränssytorna är

$$R_1 = \left(\frac{1 - 1.75}{1 + 1.75} \right)^2 = 0.07, \quad R_2 = \left(\frac{1.75 - 2.15}{1.75 + 2.15} \right)^2 = 0.01,$$

$$R_3 = \left(\frac{2.15 - 1.55}{2.15 + 1.55} \right)^2 = 0.03.$$

(Räknar man amplituder blir det kvadratrötterna ur dessa värden)

Uppenbart ska reflex två och reflex tre samverka gentemot reflex ett för att minimera reflexerna. Vägskillnaden mellan ett och två ska då vara en halv våglängd. Eftersom bägge reflexerna runt detta skikt sker mot tätare medium ska skikttjockleken därmed vara en kvarts våglängd.

OBS att bara rätt svar inte ger många tiondelar i poäng

Övning 9

Diffraction

9.1 Övningsuppgifter

Solljusgitter – MTPI 2005-08-22 uppgift 5

Tema: Solforskning och norrsken

Solljuset analyseras ofta med hjälp av instrument som innehåller gitter. Vilket antal ritsar per mm ska ett gitter ha för att hela första ordningen av synligt ljus (400 nm-700 nm) ska vara synligt vid vinkelrätt infall?

Jättemegafon – F 2005-06-01 uppgift 3

Tema: Rockfestivaler

För att undvika ekon gör man ibland scenerna i form av en jättemegafon som alltså riktar ljudet genom att skapa en tratt med mynning mycket större än våglängden. Antag att vi har en sådan tratt med diameter 12 m och vi spelar 115 Hz "musik" (tysk industrisynth) i den. Hur många dB vinner man i framåtriktningen pga tratten?

DPI – Media 2003-03-07 uppgift 2

Tema: Flatbäddsscanners

Skälet till att man inte gör så är att man inte kan få tillräckligt med DPI (dots per inch). Man vill idag ofta ha minst 1200 DPI. Hur många finns det anledning att ha om resultatet ska skrivas ut i skala 1:1 och betraktas av en person med 10 D ackommodation och pupilldiameter 2 mm.

(Han använder inte lupp när han tittar på pappret)

1 inch = 1" = 25.4 mm

Laserkvast – IMTP 2006-01-13 uppgift 5

Tema: seende och kännande robotar

Man vill dessutom göra en "kvast" av laserstrålar, dvs 25 laserstrålar med våglängd 633 nm som sprids i en vinkel $\pm 20^\circ$. Någon föreslår ett gitter för detta

ändamål. Vilken ungefärlig linjetäthet och spaltbredd bör man i så fall ha? Vad blir nackdelen med denna konstruktion?

9.2 Extrauppgifter

Reflektionsgitter – FCL 2008-05-19 uppgift A2

Tema: 3D-glasögon

Ungefär hur tätt måste man kunna skapa linjer i det gitter som riktar ljuset från de gröna dioderna in mot ögat? Infallsvinkel = 45° och reflexionsvinkel = 0° .

Ultraljudsmörning – IMT 2002-04-12 uppgift 5

Tema: Restauranter och restaurantkök

En i Sverige (förhoppningsvis) icke förekommande “matlagningsmetod” är att efter stekning av kött utsätta detta för ultraljudsvågor, för att slita sönder senor och liknande så att köttet ska bli mört. Frekvensen på detta väljs så att det ungefär motsvarar en resonansfrekvens i det man vill göra mört. Dessa ligger i allmänhet runt ca 1 MHz. Kan man rikta sådant ultraljud mot köttet eller kommer det att spridas i en halvsfär? Hur stor måste sändaren i så fall vara (=storleksordning)?

Ultraljudsdiffraction – MTI 2009-05-20 uppgift B3

Tema: Lego Mindstorms

Det finns också ultraljudssensorer, som arbetar med frekvensen 570 kHz. Antag att fem sändare befinner sig bredvid varandra och matas med samma signal. Varje sändare är cirkulär och har diametern 9.0 mm. Avståndet mellan dem (mittpunktsavstånd) är 25 mm. På en meters avstånd får man ju då ett kombinerat interferens och diffraktionsmönster. Hur många interferensmax får det då plats inom det centrala diffraktionsmax?

Parabol – MTI 2008-05-21 uppgift B1

Tema: Satellit-TV

Tänk dig att du ska jämföra ett antal parabolantennor och vilken av dem som ger starkast signal till mikrovågshuvudet. Alla har fokallängd = diameter. Mottagaren är i samtliga fall mindre än den fläck strålningen samlas i. Hur inverkar en fördubbling av diametern (med åtföljande fördubbling av f) på signalen till detektorn?

9.3 Facit

Solljusgitter – MTPI 2005-08-22 uppgift 5

Facit: Att hela den första ordningen synligt ljus ska synas betyder att gitterekvationen ska vara lösbar för $p = 1$ och alla synliga våglängder. Rött ljus

sprids mest och vi använder därför 700 nm för dimensionering.

$$d \sin \theta = 1\lambda \Rightarrow d = \frac{\lambda}{\sin \theta} = \lambda = 700 \text{ nm}$$

Detta motsvarar 1430 ritsar/mm.

Jättemegafon – F 2005-06-01 uppgift 3

Facit: Betrakta vad som händer på till exempel 1000 m avstånd (spelar ingen roll vilket avstånd du väljer). Intensiteten blir då utan resp med "htratt"

$$I_{\text{utan}} = \frac{\text{Effekt}}{4\pi r^2}, \quad I_{\text{med}} = \frac{\text{Effekt}}{\pi r^2 \theta^2},$$

där θ är spridningsvinkeln pga diffraction som blir

$$\theta = \frac{1.22\lambda}{D} = \frac{1.22c}{fD}.$$

Kvoten mellan intensiteterna blir då

$$\frac{I_{\text{med}}}{I_{\text{utan}}} = \frac{4}{\theta^2} = 44,$$

vilket motsvarar 16.5 dB.

DPI – Media 2003-03-07 uppgift 2

Facit: Ett öga som ackomoderat 10 D betraktar objekt på 100 mm avstånd. Två objekt (=dots!) är upplösta om de har en vinkel

$$\alpha = \frac{1.22\lambda}{D} = 0.33 \text{ mrad}$$

emellan sig. För ett objekt på 100 mm avstånd motsvarar detta 33 μm , dvs 30 dots/mm vilket är 750 DPI.

Sedan läser väl de flesta inte sina dokument på 100mm avstånd även om de kan det.

Laserkvast – IMTP 2006-01-13 uppgift 5

Facit: 12:e ordningen ska alltså ha vinkeln 20° vilket med gitterformeln ger

$$d \sin(20^\circ) = 12 \cdot 633 \cdot 10^{-9} \text{ m} \Rightarrow d = 22 \text{ } \mu\text{m}$$

Vilket motsvarar 45 linjer/mm. Spaltbredden ska vara sådan att första min för diffractionen ska hamna utanför 20° , säg på 25° . Detta ger $b = 1.5 \text{ } \mu\text{m}$.

Reflektionsgitter – FCL 2008-05-19 uppgift A2

Facit:

$$d(\sin i + \sin \theta) = m\lambda \Rightarrow d = \frac{\lambda}{\sin i} \approx 0.8 \text{ } \mu\text{m}$$

Ultraljudsmörning – IMT 2002-04-12 uppgift 5

Facit: 1 MHz motsvarar en våglängd på ca 0.3 mm. För att kunna rikta en våg (dvs för att diffractionen inte ska göra det omöjligt krävs en sändare som är mycket större än så. En diameter på 3 cm ger följaktligen en spridning på ca 10 mrad (en halv grad). Ja det går.

Ultraljudsdiffraction – MTI 2009-05-20 uppgift B3

Facit: Sändarna bildar ett gitter (eller hur?) med spaltavstånd = 2.8 diameter. Det får alltså plats sju max (0:te, +-1:a, +-2:a och +-3:e).

Parabol – MTI 2008-05-21 uppgift B1

Facit: Tre saker inträffar när man fördubblar diametern:

I. 4 ggr så mycket effekt samlas in

II. Diffraktionsvinkeln halveras

III. Bildavståndet (=fokallängden) fördubblas

II och III tar ut varandra (fläckradien blir lika stor) och det enda som händer är att man får fyra ggr så mycket effekt.

Övning 10

Polarisation

10.1 Övningsuppgifter

Sockerhalt – FCL 2006-06-05 uppgift 5

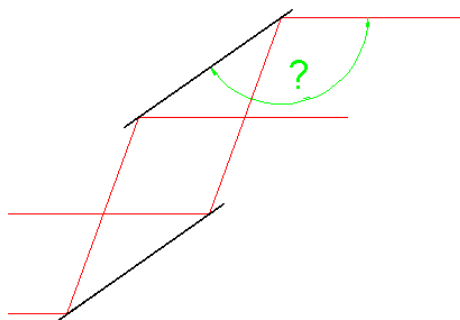
Tema: Mjölkkningsrobotar

Man kan vidare mäta sockerhalten genom att denna påverkar ljusets polarisation. Linjärpolariserat ljus fortsätter att vara linjärpolariserat vid passage genom sockerhaltig vätska, men polarisationsriktningen ändras. För en viss sockerhalt var vridningen av polarisationsriktningen $1.67^\circ/\text{mm}$ vätska. Antag att man har en analyserande polaroid orienterad så att den släcker ut allt ljus då sockerhalten är noll. Vid 40 mm vätska är den transmitterade intensiteten $3 \text{ mW}/\text{cm}^2$. Hur hög är den vid 80 mm vätska?

Polarisationsperiskop – MTI 2008-06-02 uppgift A2

Tema: Alhazen

Han studerade också polarisation, framför allt av himmelsljuset. Han hade naturligtvis inga polarisationsfilter av den typ vi har idag, men uppfann (tror man) ett periskop med vilket man kunde studera en polarisationsriktning i taget. I figuren nedan är svart glasplattor med $n = 1.55$ och rött ljusstrålar. Hur stora vinkeln markerad med ? vara?



Ljusstreck – MT ? uppgift 5**Tema:** Meteorologiska instrument

I mycket kallt väder kan man ofta se att det bildas ljusstreck över en gatulampa. (Se bild). Dessa beror på reflektion i små svävande isplattor. Ljuset är kraftigt polariserat. I vilken riktning? Motivera.

**Ögonskydd – FCL 2009-05-18 uppgift B3****Tema:** Arbetsplatssäkerhet

För att skydda ögonen mot för starkt ljus (svetsning) används ofta nästan korsade polaroider med en elektriskt styrbar dubbelbrytande kristall däremellan. Vid avbländning är fältet avstängt och nästan inget ljus tar sig igenom. När man ska se igenom glaset på vanligt sätt lägger man på en spänning så att man får en fasskillnad på π mellan polarisationskomponenterna för 550 nm. Kommer bilden då att bli färgad på något synligt sätt? Hur?

Fiskfjäll – F 2004-06-03 uppgift 2**Tema:** Fisk och fiske

Fiskfjäll skimrar ofta i olika färger. Tror du detta beror på polarisation vid Brewstervinkel, tunnskiktsinterferens, gittereffekter, dubbelbrytning eller något annat? Motivera!

10.2 Extrauppgifter**Antenn – MTI 2003-08-29 uppgift 5****Tema:** Plasma-TV

När man tar emot TV-signalen med en gammaldags antenn med tvärgående pinnar som sitter på en större stång gäller det att vrida pinnarna rätt (horisontellt eller vertikalt). Varför är det så tror du?

Trippelpolaroid – F 2005-03-07 uppgift 5

Tema: Förenklingar och missuppfattningar

Betrakta situationen med tre polaroider. Den första och den tredje är korsade, medan nr 2 (mellan 1 och 3) kan vrida sin genomsläppsriktning en vinkel α mot nr 1's genomsläppsriktning.

Vilken total tranmittans får man för infallande opolariserat ljus som funktion av α ?

Dubbelbrytning – BD 2009-05-27 uppgift A5

Tema: Mineralogiska undersökningsinstrument

När man mikroskopar mineral är den vanligaste metoden (förutom att bara subjektivt titta) att mäta dubbelbrytning. Man har då två polarisationsfilter som bägge kan vridas. För en kristall varierar ljuset som går igenom mellan vitt och svart när man vrider polaroiden och för en annan varierar det i många olika färger. Vilken av kristallerna har störst dubbelbrytning? Motivera! (Enbart rätt svar ger inga poäng).

10.3 Facit**Sockershalt – FCL 2006-06-05 uppgift 5**

Facit: För 40 mm vätska blir polarisationsvridningen 66.7° , dvs polarisationsriktningens vinkel gentemot den andra polaroiden blir 23.3°

$$3 \text{ mW/cm}^2 = I_0 \cos^2 23.3^\circ \Rightarrow I_0 = 3.56 \text{ mW/cm}^2$$

För 80 mm vätska blir polarisationsvridningen 133.3° dvs polarisationsriktningens vinkel gentemot den andra polaroiden blir 43.3°

$$I = 3.56 \text{ mW/cm}^2 \cos^2 43.3^\circ = 1.89 \text{ mW/cm}^2$$

[Det står mW/m^2 i facit.]

Polarisationsperiskop – MTI 2008-06-02 uppgift A2

Facit: För att få en polarisationsriktning i taget måste ljuset falla i Brewster-vinkel. För $n = 1.55$ blir denna 57° , dvs den sökta vinkeln är 147° .

Ljusstreck – MT ? uppgift 5

Facit: Plattorna ligger horisontella och polarisationen vinkelrätt mot infallsplanet (som alltså är vertikalt) reflekteras mest. Ljuset blir alltså horisontal polariserat (E-fältet i horisontalplanet).

Ögonskydd – FCL 2009-05-18 uppgift B3

Facit: Grönt (550 nm) kommer att ha full transmission. Rött och blått kommer att ha mindre transmission, men långt ifrån noll. Det transmitterade ljuset kan upplevas som grönaktigt, men absolut inte grönt.

Fiskfjäll – F 2004-06-03 uppgift 2

Facit: De glittrar i alla vinklar och man ser fenomenet utan polaroidsolglasögon alltså är det inte något polarisationsberoende fenomen.

Gitterverkan skulle innebära att man såg klara rena färger som varierade med betraktningsriktning. Det gör man inte utan färgerna skimrar beroende på betraktningsriktning.

Tunna skikt.

Antenn – MTI 2003-08-29 uppgift 5

Facit: Radiovågor är elektromagnetiska och har alltså polarisation pinnarna ska vara parallella med den för att E-fältet ska fångas upp.

Trippelpolaroid – F 2005-03-07 uppgift 5

Facit:

$$I_{\text{efter}} = I_{\text{in}} \frac{1}{2} \cos^2 \alpha \cdot \cos^2(90^\circ - \alpha) = I_{\text{in}} \frac{1}{2} (\cos \alpha \sin \alpha) = I_{\text{in}} \frac{1}{8} \sin 2\alpha$$

Dubbelbrytning – BD 2009-05-27 uppgift A5

Facit: Svartvit ljusväxling blir det helt utan någon dubbelbrytning om man vriden en av polaroiderna. Färg kan bara uppkomma om man har dubbelbrytning.